

36

On suppose que la masse (en kg), X d'un bébé à la naissance suit la loi normale de paramètre $m = 3,35$ et $\sigma^2 = 0,1089$

1°) Déterminer la probabilité qu'un bébé pèse à la naissance entre 3 kg et 4 kg (arrondie au millième)

2°) a) Déterminer la probabilité qu'un bébé pèse à la naissance moins de 3 kg (arrondie au millième)

2°) b) Déterminer la probabilité qu'un bébé pèse à la naissance plus de 4 kg (arrondie au millième)

3°) Déterminer la masse m_1 tel que la probabilité qu'un bébé à la naissance pèse moins de m_1 est de 0,95.



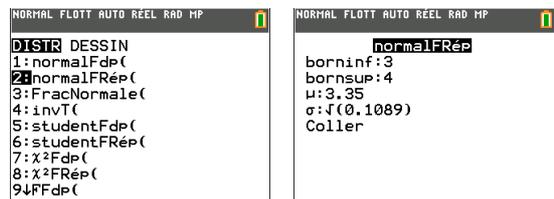
1°) Probabilité de l'événement " $3 < X < 4$ "

Rubrique **distrib** (touches **2nde var**)

Sélectionner à l'aide des curseurs **.2** : **normalFRép**(et **entrer**.

Renseigner la boîte de dialogue comme ci-contre puis valider avec la touche **entrer**. La séquence a été "collée" dans l'écran de calcul, valider à nouveau avec la touche **entrer**.

La probabilité qu'un bébé pèse à la naissance entre 3 kg et 4 kg est de 0,831.



2°) Probabilité des événements " $X < 3$ " et " $X > 4$ "

Pour calculer $P(X < 3)$ on peut saisir comme borne inférieure une valeur très petite par exemple -10^{99} .

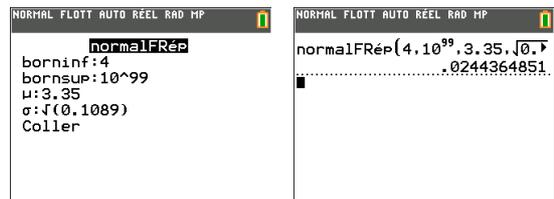
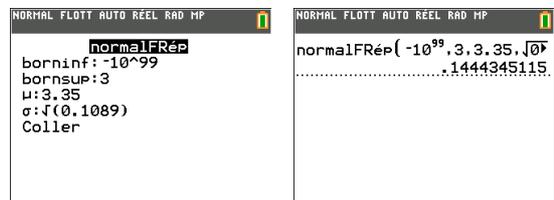
Utiliser l'instruction précédente **.2** : **normalFRép**(, renseigner la boîte de dialogue comme ci-contre puis valider deux fois avec la touche **entrer**.

La probabilité qu'un bébé pèse à la naissance moins de 3 kg est 0,144.

Pour calculer $P(X > 4)$ on peut saisir comme borne supérieure une valeur très grande par exemple 10^{99} .

Utiliser l'instruction précédente **.2** : **normalFRép**(, renseigner la boîte de dialogue comme ci-contre puis valider deux fois avec la touche **entrer**.

La probabilité qu'un bébé pèse à la naissance plus de 4 kg est 0,024.



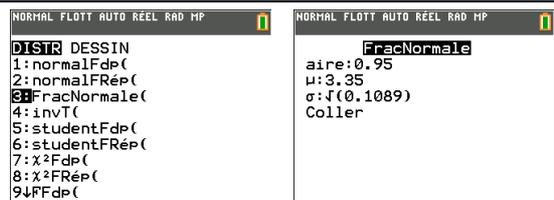
Déterminer tel que $P(X < m_1) = 0,95$

Rubrique **distrib** (touches **2nde var**)

Sélectionner à l'aide des curseurs **.3** : **FracNormale**(et **entrer**.

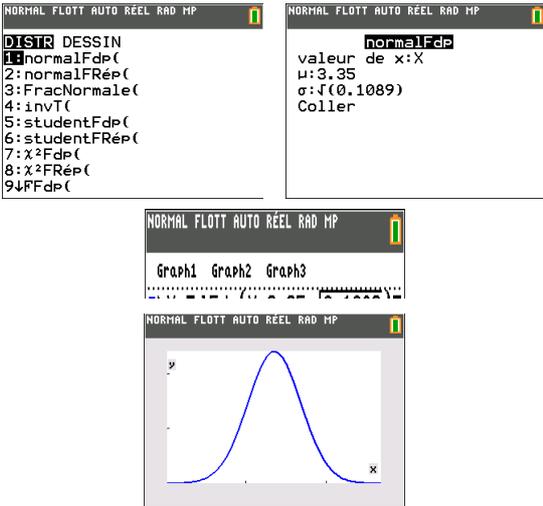
Renseigner la boîte de dialogue comme ci-contre puis valider deux fois avec la touche **entrer**.

Il y a 95% de chance qu'un bébé pèse moins de 3,893 kg à la naissance.

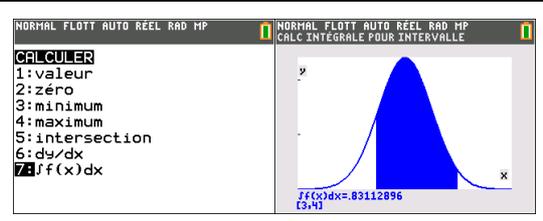


 Compléments

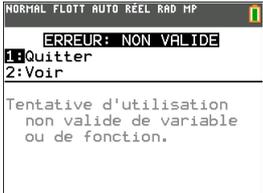
Obtenir la représentation graphique de la fonction de densité de

<p>Touche f(x) puis saisir la densité de probabilité en Y_1 par exemple :</p> <p>Rubrique distrib (touches 2nde var)</p> <p>Sélectionner à l'aide des curseurs .1 : normalFdp(et entrer.</p> <p>Renseigner la boîte de dialogue comme ci-contre puis valider deux fois avec la touche entrer.</p> <p>Pour tracer la courbe :</p> <p>Touche zoom ; onglet ZOOM puis sélectionner avec les curseurs 0 : Ajust Zoom</p> <p>Valider par entrer pour afficher la représentation graphique.</p>	 <p>The screenshots show the 'DISTR' menu with 'normalFdp' selected, a dialog box for 'normalFdp' with parameters $\mu: 3.35$ and $\sigma: \sqrt{0.1089}$, and the final graph of the normal distribution curve.</p>
---	--

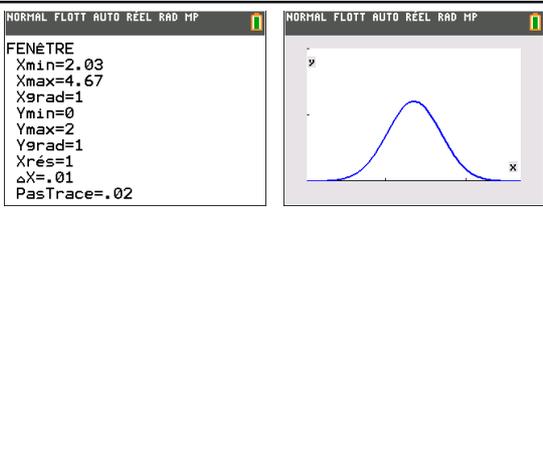
Probabilité de l'événement "3 < X < 4" en utilisant la fonction de densité et les intégrales

<p>A partir de l'écran graphique</p> <p>Rubrique calculs (touches 2nde trace). Sélectionner à l'aide des curseurs 7 : et entrer.</p> <p>Renseigner Borne Inf par 3 et Borne Sup par 4 en validant à chaque fois par entrer.</p> <p>On retrouve la probabilité calculée auparavant.</p>	 <p>The screenshot shows the 'CALCULER' menu with 'f(x)dx' selected, and the graph with the area under the curve between x=3 and x=4 shaded in blue. The result is shown as $\int f(x)dx = 0.3112896$.</p>
---	--

 **Problèmes pouvant être rencontrés**

<p>Lors de l'utilisation du calcul d'intégrale.</p>  <p>ERREUR: NON VALIDE 1: Quitter 2: Voir Tentative d'utilisation non valide de variable ou de fonction.</p>	<p>La borne supérieure de l'intégrale doit être comprise dans la fenêtre d'affichage.</p>
---	---

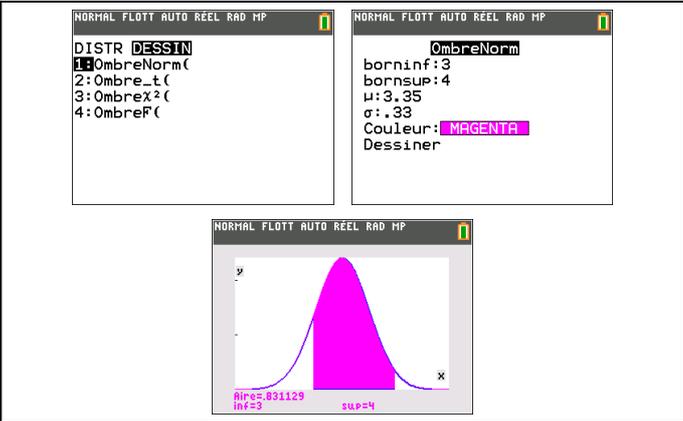
 **Commentaires**

<p>Lors du tracé de la courbe de densité, on peut aussi définir manuellement la fenêtre graphique.</p> <p>Par exemple dans la rubrique Instruction fenêtre, régler comme sur l'écran ci-contre.</p> <p>$X_{min} = m - 4\sigma$ soit $3.35 - 4 \times \approx 2.03$</p> <p>$X_{max} = m + 4\sigma$ soit $3.35 + 4 \times \approx 4.67$</p>	 <p>The screenshot shows the 'FENÊTRE' menu with settings: $X_{min}=2.03$, $X_{max}=4.67$, $X_{\theta rad}=1$, $Y_{min}=0$, $Y_{max}=2$, $Y_{\theta rad}=1$, $X_{rés}=1$, $\Delta X=.01$, $PasTrace=.02$. The graph shows the normal distribution curve within these window settings.</p>
--	--

Remarque : On a choisi ces bornes car l'intervalle $[m-4\sigma ; m+4\sigma]$ contient la quasi-totalité des valeurs (plus de 99,99%).

Pour obtenir les valeurs de $P(<3)$ et $P(>4)$, on a calculé $P(-10^{99} < < 3)$ et $P(4 < < 10^{99})$, l'erreur commise étant négligeable.
 A la place de -10^{99} (respectivement 10^{99}), on peut mettre la valeur $m - 4\sigma$ (respectivement $m + 4\sigma$).

Il est possible de visualiser le calcul de la probabilité cherchée à l'aide de l'instruction **Ombre**.
 Rubrique **distrib** (touches **2nde var**) puis onglet **DESSIN**
 Sélectionner à l'aide des curseurs **1 : OmbreNorm** et **entrer**.
 Renseigner la boîte de dialogue comme ci-contre puis valider deux fois avec la touche **entrer**.
 Cette instruction nécessite de régler auparavant la fenêtre graphique. Mais elle peut être utilisée depuis l'écran de calcul.



Lors du tracé de la courbe de densité, on peut aussi définir manuellement la fenêtre graphique.
 Par exemple dans la rubrique **fenêtre**, régler comme sur l'écran ci-contre.
 $X_{min} = m-4\sigma$ soit $3.35-4 \times \approx 2.03$
 $X_{max} = m+4\sigma$ soit $3.35+4 \times \approx 4.67$
 Remarque : On a choisi ces bornes car l'intervalle $[m-4\sigma ; m+4\sigma]$ contient la quasi-totalité des valeurs (plus de 99,99%).

