#### 1ère B

DS n°3 – Droites & Cercles

Déc 2021

# COURS: 5 pts

- 1) a) Donner l'expression de l'équation réduite d'une droite
  - b) Donner l'expression de l'équation cartésienne d'une droite
- 2) a) Donner l'expression de l'équation réduite d'un cercle
  - b) Donner l'expression de l'équation cartésienne d'un cercle
- 3) Donner la formule d'un vecteur directeur et d'un vecteur normal
- 4) À quelle condition 2 droites sont parallèles ? Perpendiculaires ?

### Ex 1 : (\*) - 3 pts

On donne les droites suivantes dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ 

$$(d_1): y = \frac{-3}{4}x + \frac{1}{4}$$
,  $(d_2): -x + 4y - 6 = 0$ ,  $(d_3): 2x + 4 = 0$ ,  $(d_4): y = 3$ 

- 1) Construire dans un même repère ces 4 droites
- 2) Pour chaque droite donner un vecteur directeur et un vecteur normal

### Ex 2: (\*) - 2 pts

On donne les points A(1;-4) et B(-2;2) dans un repère orthonormé  $(O;\vec{i},\vec{j})$ ; Déterminer une équation cartésienne de la droite (AB) (aucune figure n'est demandée)

### Ex 3: (\*) - 3 pts

Soit la droite (d) passant par le point B(-5;2) et de vecteur normal  $\vec{n} \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$  dans un repère orthonormé  $(O;\vec{i},\vec{j})$ 

- 1) Donner les coordonnées d'un vecteur directeur  $\vec{u}$  de la droite (d)
- 2) En déduire une équation cartésienne de (d)

# Ex 4: (\*\*) - 3 pts

On donne les droites suivantes dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (d): x+2y-7=0 et (d'): -5x+6y+7=0

- 1) Justifier que les droites (d) et (d') sont sécantes
- 2) Déterminer les coordonnées du point d'intersection E des droites (d) et (d') par la méthode de votre choix

#### Ex 5 : (\*\*) - 4 pts

Soit les lieux géométriques suivants dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ 

$$(E_1): x^2 + y^2 - 6x + 2y + 6 = 0 , (E_2): x^2 + y^2 + 8x + 7 = 0$$
 
$$(E_3): x^2 + y^2 + 2x - 4y + 8 = 0 , (E_4): x^2 + y^2 - 4x + 4y + 8 = 0$$

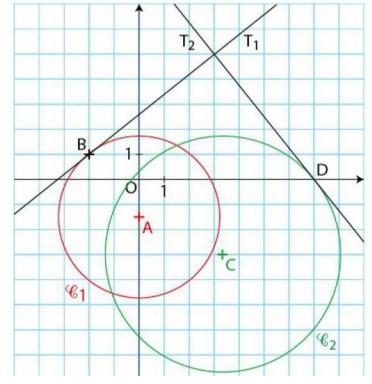
- 1) Déterminer l'écriture canonique de chaque lieu géométrique
- 2) En déduire la nature de ces lieux en indiquer les éléments caractéristiques

# Ex 6: (\*\*\*) - 2 pts - BONUS

Soit la droite (d):-x+2y+2=0 et le cercle (C): $(x-3)^2+(y+2)^2=10$ Déterminer les coordonnées des points d'intersections de (d) et (C)

### Ex 7: (\*\*\*) - 2 pts – BONUS

Soit  $(C_1)$  le cercle de centre A(0;-1,5) et passant par B(-2;1)Soit  $(C_2)$  le cercle de centre C(3,25;-3) et passant par D(7;0)



Démontrer que la tangente  $(T_1)$  en B au cercle  $(C_1)$  est perpendiculaire à la tangente  $(T_2)$  en D au cercle  $(C_2)$