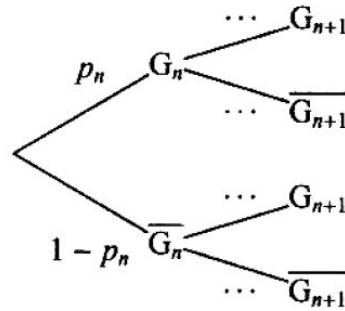


Ex 1 : Un site internet propose un jeu en ligne dont les probabilités sont les suivantes :

- Si l'internaute gagne une partie, la probabilité qu'il gagne la partie suivante vaut 0,4
- Si l'internaute perd une partie, la probabilité qu'il perde la partie suivante vaut 0,8



Pour tout entier naturel $n \neq 0$ on désigne l'événement : G_n : « l'internaute gagne la n -ème partie » et on note $p_n = p(G_n)$; On sait de plus que la probabilité de gagner la 1ère partie est équiprobable ; soit $p_1 = 0,5$

- 1) Compléter l'arbre pondéré ci-contre
- 2) Montrer que pour tout $n \geq 1$: $p_{n+1} = 0,2 p_n + 0,2$
- 3) On pose $v_n = u_n - 0,25$
 - a) Montrer que (v_n) est une suite géométrique
 - b) Exprimer v_n puis u_n en fonction de n
 - c) Calculer la limite de la suite (u_n) lorsque n tend vers $+\infty$
 - d) Conclure dans le contexte de l'exercice

Ex 2 : On dispose d'un test de dépistage d'un virus ayant les propriétés :

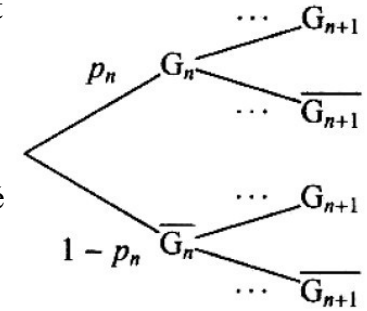
- On sait que 2% de la population est contaminée (*prévalence*)
- la probabilité qu'un individu contaminé soit positif vaut 0,99 (*sensibilité*)
- la probabilité qu'un individu non contaminé soit négatif vaut 0,97 (*spécificité*)

On fait passer un test à un individu de cette population choisi au hasard et on note :

- V : « l'individu est contaminé par ce virus »
 - T : « le test est positif »
- 1) Construire un arbre pondéré de la situation et préciser les valeurs de $p(V)$, $p_V(T)$, $p_{\bar{V}}(T)$
 - 2) Calculer $p(V \cap T)$ et $p(\bar{V} \cap T)$ puis en déduire $p(T)$
 - 3) Les affirmations suivantes sont-elles VRAIES ou FAUSSES ?
 - a) A_1 : « Si le test est positif, il y a 40% de chances que l'individu soit contaminé » (*valeur prédictive positive*)
 - b) A_2 : « Si le test est négatif, il y a 20% de chances que l'individu ne soit pas contaminé » (*valeur prédictive négative*)
 - 4) Selon vous, ce test de dépistage est-il fiable ?

Ex 1 : Un site internet propose un jeu en ligne dont les probabilités sont les suivantes :

- Si l'internaute gagne une partie, la probabilité qu'il gagne la partie suivante vaut 0,4
- Si l'internaute perd une partie, la probabilité qu'il perde la partie suivante vaut 0,8



Pour tout entier naturel $n \neq 0$ on désigne l'événement : G_n : « l'internaute gagne la n -ème partie » et on note $p_n = p(G_n)$; On sait de plus que la probabilité de gagner la 1ère partie est équiprobable ; soit $p_1 = 0,5$

- 1) Compléter l'arbre pondéré ci-contre
- 2) Montrer que pour tout $n \geq 1$: $p_{n+1} = 0,2 p_n + 0,2$
- 3) On pose $v_n = u_n - 0,25$
 - a) Montrer que (v_n) est une suite géométrique
 - b) Exprimer v_n puis u_n en fonction de n
 - c) Calculer la limite de la suite (u_n) lorsque n tend vers $+\infty$
 - d) Conclure dans le contexte de l'exercice

Ex 2 : On dispose d'un test de dépistage d'un virus ayant les propriétés :

- On sait que 2% de la population est contaminée (*prévalence*)
- la probabilité qu'un individu contaminé soit positif vaut 0,99 (*sensibilité*)
- la probabilité qu'un individu non contaminé soit négatif vaut 0,97 (*spécificité*)

On fait passer un test à un individu de cette population choisi au hasard et on note :

- V : « l'individu est contaminé par ce virus »
 - T : « le test est positif »
- 1) Construire un arbre pondéré de la situation et préciser les valeurs de $p(V)$, $p_V(T)$, $p_{\bar{V}}(T)$
 - 2) Calculer $p(V \cap T)$ et $p(\bar{V} \cap T)$ puis en déduire $p(T)$
 - 3) Les affirmations suivantes sont-elles VRAIES ou FAUSSES ?
 - a) A_1 : « Si le test est positif, il y a 40% de chances que l'individu soit contaminé » (*valeur prédictive positive*)
 - b) A_2 : « Si le test est négatif, il y a 20% de chances que l'individu ne soit pas contaminé » (*valeur prédictive négative*)
 - 4) Selon vous, ce test de dépistage est-il fiable ?