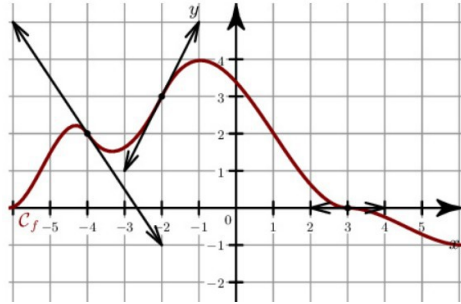


Ex 1 : (*) - Lectures graphiques

On donne le graphique d'une fonction f
on obtient : $f'(-4) = \frac{-3}{2} = -1,5$



$f'(-2) = \frac{2}{1} = 2$ et $f'(3) = 0$

les racines de f sont : $x = -6$ et $x = 3$
les racines de f' sont $x = -4,5$,
 $x = -3,5$, $x = -1$ et $x = 3$

le tableau de variations de f est donné ci-dessous :

| | | | | | | |
|---------|----|-------|-------|-----|-----|------|
| x | -6 | -4,5 | -3,5 | -1 | 3 | 6 |
| $f'(x)$ | + | 0 | - | 0 | - | 0 |
| f | 0 | ↗ 2,2 | ↘ 1,5 | ↗ 4 | ↘ 0 | ↘ -1 |

(T_{-4}) a pour équation réduite : $y = f'(-4)(x - (-4)) + f(-4)$
donc on obtient (T_{-4}) : $y = -1,5x - 4$

(T_{-2}) a pour équation réduite : $y = f'(-2)(x - (-2)) + f(-2)$
donc on obtient (T_{-2}) : $y = 2x + 7$

Ex 2 : () - Étude d'une fonction de degré 3**

Soit $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x + 1$ avec $x \in [-1; 5]$

on a : $f'(x) = 3x^2 - 6 \times 2x + 9 \times 1 + 0 = 3x^2 - 12x + 9$

de plus $3(x-1)(x-3) = 3(x^2 - x - 3x + 3) = 3(x^2 - 4x + 3) = 3x^2 - 12x + 9$
donc on déduit que $f'(x) = 3(x-1)(x-3)$

$f'(x) = 0$ donne $(x-1)(x-3) = 0$ donc $x-1=0$ ou $x-3=0$
donc $x=1$ ou $x=3$

on déduit que 1 et 3 sont les racines de la dérivée f'
ainsi, cela correspond aux éventuelles abscisses d'extrema locaux de f

le tableau de signes de f' est :

| | | | | |
|---------|----|---|---|---|
| x | -1 | 1 | 3 | 5 |
| $x-1$ | - | 0 | + | + |
| $x-3$ | - | - | 0 | + |
| $f'(x)$ | + | 0 | - | 0 |

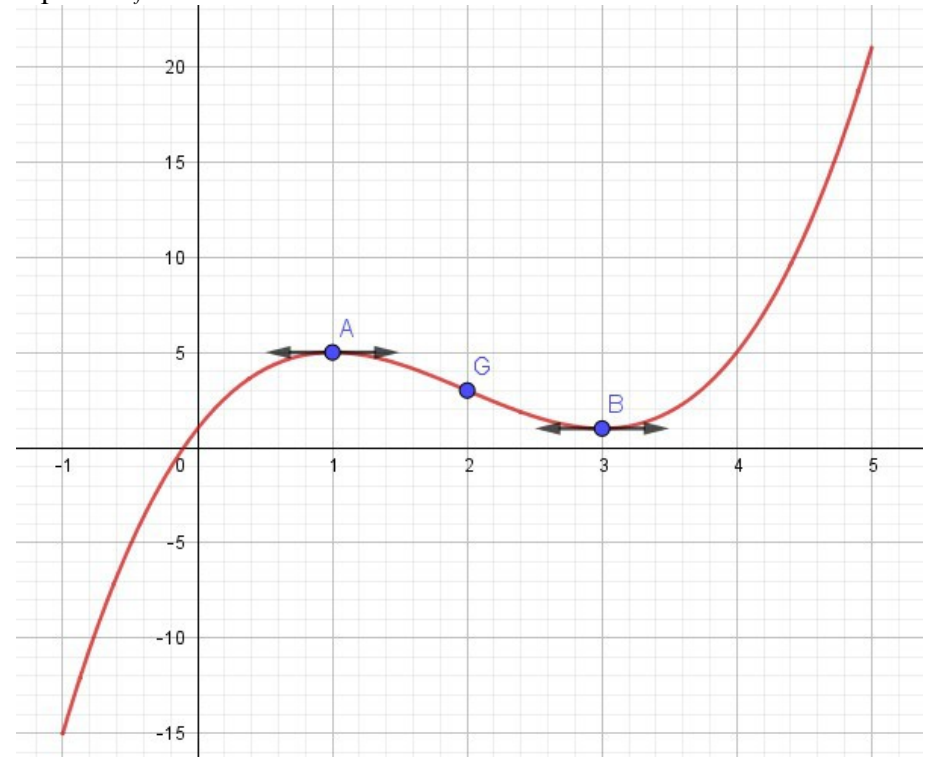
On en déduit le tableau de variations de f :

| | | | | |
|---------------|-----|-----|-----|------|
| x | -1 | 1 | 3 | 5 |
| signe de f' | + | 0 | - | 0 |
| f | -15 | ↗ 5 | ↘ 1 | ↗ 21 |

Interprétation :

- f admet un maximum local en $x=1$ (ce maximum vaut $y=5$)
- f admet un minimum local en $x=3$ (ce minimum vaut $y=1$)

Graphique C_f



Ex 3 : (*) - Cercle trigonométrique

Tableaux trigonométriques complétés

| | | | | | |
|-------------------|---|----------------------|----------------------|----------------------|-----------------|
| Angle α | 0 | $\frac{\pi}{6}$ | $\frac{\pi}{4}$ | $\frac{\pi}{3}$ | $\frac{\pi}{2}$ |
| $\cos(\alpha)$ | 1 | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{1}{2}$ | 0 |
| $\sin(\alpha)$ | 0 | $\frac{1}{2}$ | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | 1 |

(voir COURS)

| | | | | | | | |
|-------------------|------------------|------------------|-------------------|-------------------|-------------------|------------------|--------------------|
| Angle α | $\frac{5\pi}{6}$ | $\frac{3\pi}{4}$ | $\frac{11\pi}{2}$ | $\frac{-2\pi}{3}$ | $\frac{-7\pi}{2}$ | $\frac{-\pi}{6}$ | $\frac{-23\pi}{3}$ |
| Point image | <i>F</i> | <i>E</i> | <i>J'</i> | <i>K</i> | <i>J</i> | <i>N</i> | <i>C</i> |

| | | | | | | | |
|-------------------|------------------|-------------------|-----------|--------------------|------------------|--------------------|-------------------|
| Angle α | $\frac{-\pi}{2}$ | $\frac{14\pi}{3}$ | π | $\frac{-15\pi}{4}$ | $\frac{-\pi}{3}$ | $\frac{-23\pi}{6}$ | $\frac{-5\pi}{6}$ |
| Point image | <i>J'</i> | <i>D</i> | <i>I'</i> | <i>B</i> | <i>L</i> | <i>A</i> | <i>G</i> |

Explications :

$$\frac{11\pi}{2} \equiv \frac{11\pi}{2} - 2\pi[2\pi] \equiv \frac{7\pi}{2}[2\pi] \equiv \frac{7\pi}{2} - 2\pi[2\pi] \equiv \frac{3\pi}{2} - 2\pi[2\pi]$$

$$\equiv \frac{3\pi}{2} - 2\pi[2\pi] \equiv \frac{-\pi}{2}$$

on obtient alors le point *J'*

$$\frac{-7\pi}{2} \equiv \frac{-7\pi}{2} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{-3\pi}{2}[2\pi] \equiv \frac{-3\pi}{2} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{\pi}{2}[2\pi]$$

on obtient alors le point *J*

$$\frac{-23\pi}{3} \equiv \frac{-23\pi}{3} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{-17\pi}{3}[2\pi] \equiv \frac{-17\pi}{3} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{-11\pi}{3} + 2\pi[2\pi]$$

$$\equiv \frac{-11\pi}{3} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{-5\pi}{3} \equiv \frac{-5\pi}{3} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{\pi}{3}[2\pi]$$

on obtient alors le point *C*

$$\frac{14\pi}{3} \equiv \frac{14\pi}{3} - 2\pi[2\pi] \equiv \frac{8\pi}{3}[2\pi] \equiv \frac{8\pi}{3} - 2\pi[2\pi] \equiv \frac{2\pi}{3}[2\pi]$$

on obtient alors le point *D*

$$\frac{-15\pi}{4} \equiv \frac{-15\pi}{4} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{-7\pi}{4}[2\pi] \equiv \frac{-7\pi}{4} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{\pi}{4}[2\pi]$$

on obtient alors le point *B*

$$\frac{-23\pi}{6} \equiv \frac{-23\pi}{6} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{-11\pi}{6}[2\pi] \equiv \frac{-11\pi}{6} + 2\pi[2\pi] \equiv \frac{\pi}{6}[2\pi]$$

on obtient alors le point *A*

