

Fonction	Ensemble de définition	Taux d'accroissement de f en a où a et (a+h) ∈ D _f $\frac{f(a+h)-f(a)}{(a+h)-a} = \frac{f(a+h)-f(a)}{h}$	Nombre dérivé de f en a (limite quand h proche de 0)	Fonction dérivée	Ensemble de dérivabilité (ensemble de définition de la fonction dérivée)
Fonction constante $f : x \rightarrow c$ où c ∈ ℝ	$D_f = \mathbb{R}$	$\frac{c-c}{h} = \frac{0}{h} = 0$	$\lim_{h \rightarrow 0} 0 = 0$ $f'(a) = 0$	$f'(x) = 0$	ℝ
Fonction affine $f : x \rightarrow mx + p$ où m, p des réels	$D_f = \mathbb{R}$	$\frac{(m(a+h)+p)-(ma+p)}{h} =$ $\frac{ma+mh+p-ma-p}{h} = \frac{mh}{h} = m$	$\lim_{h \rightarrow 0} m = m$ $f'(a) = m$	$f'(x) = m$	ℝ
Fonction carré $f : x \rightarrow x^2$	$D_f = \mathbb{R}$	$\frac{(a+h)^2 - a^2}{h} = \frac{a^2 + 2ah + h^2 - a^2}{h}$ $= 2a + h$	$\lim_{h \rightarrow 0} 2a + h = 2a$ $f'(a) = 2a$	$f'(x) = 2x$	ℝ
Fonction cube $f : x \rightarrow x^3$	$D_f = \mathbb{R}$	$\frac{(a+h)^3 - a^3}{h} = \frac{3a^2h + 3ah^2 + h^3}{h}$ $= \frac{h(3a^2 + 3ah + h^2)}{h} = 3a^2 + 3ah + h^2$	$\lim_{h \rightarrow 0} 3a^2 + 3ah + h^2 = 3a^2$ $f'(a) = 3a^2$	$f'(x) = 3x^2$	ℝ
Fonction puissance $f : x \rightarrow x^n$ où n ∈ ℕ*	$D_f = \mathbb{R}$	$\frac{(a+h)^n - a^n}{h} = \frac{na^{n-1}h + \dots + h^n}{h}$ $= na^{n-1} + \frac{n(n-1)}{2}a^{n-2}h + \dots + h^{n-1}$	$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h)-f(a)}{h} =$ $= na^{n-1}$ $f'(a) = na^{n-1}$	$f'(x) = nx^{n-1}$	ℝ
Fonction inverse $f : x \rightarrow \frac{1}{x}$	$D_f =]-\infty; 0[\cup]0; +\infty[$	$\frac{\frac{1}{a+h} - \frac{1}{a}}{h} = \left(\frac{a}{(a+h)a} - \frac{a+h}{(a+h)a} \right) \times \frac{1}{h}$ $= \frac{-h}{(a+h)ah} = \frac{-1}{a^2+ah}$	$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{-1}{a^2+ah} = \frac{-1}{a^2}$ $f'(a) = \frac{-1}{a^2}$	$f'(x) = -\frac{1}{x^2}$	ℝ*
Fonction racine carrée $f : x \rightarrow \sqrt{x}$	$D_f = [0; +\infty[$	$\frac{\sqrt{a+h} - \sqrt{a}}{h} \times \frac{\sqrt{a+h} + \sqrt{a}}{\sqrt{a+h} + \sqrt{a}} =$ $= \frac{(a+h) - a}{h(\sqrt{a+h} + \sqrt{a})} = \frac{h}{h(\sqrt{a+h} + \sqrt{a})}$	$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{\sqrt{a+h} + \sqrt{a}} = \frac{1}{2\sqrt{a}}$ $f'(a) = \frac{1}{2\sqrt{a}}$	$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$]0; +∞[