

## Chapitre 3 : nombres en écriture fractionnaire

### I Comparaison de quotients

#### 1) Transformer, simplifier une écriture fractionnaire :

Règle : Si on multiplie ou si on divise le numérateur et le dénominateur d'un quotient par un même nombre non nul alors on obtient un quotient égal :

pour tous nombres  $a$ ,  $b$  et  $k$  tels que  $b$  et  $k$  sont différents de zéro  $\frac{a \times k}{b \times k} = \frac{a}{b}$  et  $\frac{a \div k}{b \div k} = \frac{a}{b}$

Exemple 1 : Simplifie le quotient  $\frac{42}{140}$

on cherche les facteurs communs à 42 et 140 :  $\frac{42}{140} = \frac{3 \times \cancel{7} \times \cancel{2}}{10 \times \cancel{7} \times \cancel{2}}$

on peut simplifier le quotient :

$$\frac{42}{140} = \frac{3}{10}$$

Remarque :  $\frac{3}{10}$  est une fraction irréductible

car 3 et 10 sont premiers entre eux : ils n'ont pas d'autre diviseur commun que 1.

Exemple 2 : Détermine le nombre manquant dans l'égalité  $\frac{1,2}{6} = \frac{\dots}{18}$

Pour passer de 6 à 18, on multiplie par 3 au dénominateur

Donc pour trouver le nombre manquant au numérateur, on multiplie 1,2 par 3 ce qui donne 3,6.

$$\frac{1,2}{6} = \frac{1,2 \times 3}{18} = \frac{3,6}{18}$$

Diagram illustrating the multiplication of both numerator and denominator by 3 to find the missing value. A green circle with 'x3' has an arrow pointing to the denominator 6, and another arrow pointing to the numerator 1,2. A second green circle with 'x3' has an arrow pointing to the denominator 18, and another arrow pointing to the numerator 3,6.

## 2) Comparer des nombres en écriture fractionnaire

Méthode 1: Pour comparer des nombres en écriture fractionnaire, on les écrit avec le même dénominateur puis on les range dans le même ordre que leurs numérateurs.

Exemple: Compare les nombres  $\frac{1,2}{4}$  et  $\frac{5,7}{20}$

• On écrit le nombre  $\frac{1,2}{4}$  avec le dénominateur 20:  $\frac{1,2}{4} = \frac{1,2 \times 5}{4 \times 5} = \frac{6}{20}$

• On compare les numérateurs:  $6 > 5,7$

on range les fractions dans l'ordre des numérateurs:  $\frac{6}{20} > \frac{5,7}{20}$

On en déduit que  $\frac{1,2}{4} > \frac{5,7}{20}$

a)  $\frac{1}{3} = \frac{5}{15}$  (multiplier numérateur et dénominateur par 5)

b)  $\frac{42}{30} = \frac{7}{5}$  (diviser numérateur et dénominateur par 6)

c)  $\frac{42}{30} = \frac{7}{5}$  (diviser numérateur et dénominateur par 6)

a)  $\frac{x}{8} = \frac{1}{2}$  (multiplier numérateur et dénominateur par 4) →  $x = 4$

b)  $\frac{12}{18} = \frac{x}{3}$  (diviser numérateur et dénominateur par 6) →  $x = 2$

c)  $\frac{6}{x} = \frac{2}{1}$  (multiplier numérateur et dénominateur par 3) →  $x = 3$

19 Compléter.

a)  $5 = \frac{10}{2}$

b)  $17 = \frac{17}{1}$

c)  $4 = \frac{32}{8}$

20 Compléter.

a)  $\frac{1}{2} = \frac{50}{100}$

b)  $1 = \frac{100}{100}$

c)  $\frac{1}{4} = \frac{25}{100}$  (multiplier numérateur et dénominateur par 25)

$$\frac{24}{36} = \frac{24 \div 2}{36 \div 2} = \frac{12}{18}$$

$$\frac{24}{36} = \frac{24 \div 3}{36 \div 3} = \frac{8}{12}$$

$$\frac{30}{20} = \frac{30 \div 2}{20 \div 2} = \frac{15}{10}$$

22 Parmi les fractions suivantes, quelles sont celles que l'on peut simplifier par 2? par 3? par 5? par 4?

$\times \frac{24}{36}$ ;  $\times \frac{50}{45}$ ;  $\times \frac{15}{9}$ ;  $\times \frac{35}{55}$ ;  $\frac{30}{20}$ ;  $\frac{13}{27}$ ;  $\frac{216}{948}$

Pas si simple de simplifier.



23 Simplifier le plus possible ces fractions.

$\frac{4}{8}$ ;  $\frac{6}{2}$ ;  $\frac{5}{35}$ ;  $\frac{10}{70}$ ;  $\frac{13}{7}$ ;  $\frac{15}{20}$ ;  $\frac{9}{15}$ ;  $\frac{100}{110}$

24 Simplifier le plus possible ces fractions.

$\frac{10}{100}$ ;  $\frac{20}{100}$ ;  $\frac{50}{100}$ ;  $\frac{75}{100}$ ;  $\frac{25}{100}$ ;  $\frac{60}{100}$

23 Simplifier le plus possible ces fractions.

$$\frac{4}{8}; \frac{6}{2}; \frac{5}{35}; \frac{10}{70}; \frac{13}{7}; \frac{15}{20}; \frac{9}{15}; \frac{100}{110}$$

$$\frac{4}{8} = \frac{4:4}{8:4} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{6}{2} = \frac{6:2}{2:2} = \frac{3}{1} = 3$$

$$\frac{5}{35} = \frac{\cancel{5} \times 1}{\cancel{5} \times 7} = \frac{1}{7}$$

$$\frac{5}{35} = \frac{5:5}{35:5} = \frac{1}{7}$$

$$\frac{10}{70} = \frac{10:70}{70:10} = \frac{1}{7}$$

$\frac{13}{7}$  est une fraction irréductible  
car 7 et 13 sont premiers entre eux.

$$\frac{15}{20} = \frac{15:5}{20:5} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{9}{15} = \frac{9:3}{15:3} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{100}{110} = \frac{100:10}{110:10} = \frac{10}{11}$$

24 Simplifier le plus possible ces fractions.

$$\frac{10}{100}; \frac{20}{100}; \frac{50}{100}; \frac{75}{100}; \frac{25}{100}; \frac{60}{100}$$

$$\frac{50}{100} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{25}{100} = \frac{1}{4} \quad \frac{60}{100} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{10}{100} = \frac{10:10}{100:10} = \frac{1}{10}$$

$$\frac{10}{100} = \frac{1 \times \cancel{10}}{10 \times \cancel{10}}$$

$$\frac{20}{100} = \frac{\cancel{20} \times 1}{\cancel{20} \times 5} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{20}{100} = \frac{20:20}{100:20} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{75}{100} = \frac{3}{4}$$

