

## Chapitre 3 : nombres en écriture fractionnaire

### I Comparaison de quotients

#### 1) Transformer, simplifier une écriture fractionnaire :

Règle : Si on multiplie ou si on divise le numérateur et le dénominateur d'un quotient par un même nombre non nul alors on obtient un quotient égal :

pour tous nombres  $a$ ,  $b$  et  $k$  tels que  $b$  et  $k$  sont différents de zéro  $\frac{a \times k}{b \times k} = \frac{a}{b}$  et  $\frac{a \div k}{b \div k} = \frac{a}{b}$

Exemple 1 : Simplifie le quotient  $\frac{42}{140}$

on cherche les facteurs communs à 42 et 140 :  $\frac{42}{140} = \frac{3 \times \cancel{2} \times \cancel{7}}{10 \times \cancel{2} \times \cancel{7}}$

on peut simplifier le quotient :

$$\frac{42}{140} = \frac{3}{10}$$

Remarque :  $\frac{3}{10}$  est une fraction irréductible

car 3 et 10 sont **premiers entre eux** : ils n'ont pas d'autre diviseur commun que 1.

Exemple 2 : Détermine le nombre manquant dans l'égalité  $\frac{1,2}{6} = \frac{\dots}{18}$

Pour passer de 6 à 18, on multiplie par 3 au dénominateur

Donc pour trouver le nombre manquant au numérateur, on multiplie 1,2 par 3 ce qui donne 3,6.

$$\frac{1,2}{6} = \frac{1,2 \times 3}{18} = \frac{3,6}{18}$$

Diagram illustrating the multiplication of both numerator and denominator by 3 to find an equivalent fraction with denominator 18.

## 2) Comparer des nombres en écriture fractionnaire

Méthode 1: Pour comparer des nombres en écriture fractionnaire, on les écrit avec le même dénominateur puis on les range dans le même ordre que leurs numérateurs.

Exemple: Compare les nombres  $\frac{1,2}{4}$  et  $\frac{5,7}{20}$

• On écrit le nombre  $\frac{1,2}{4}$  avec le dénominateur 20:  $\frac{1,2}{4} = \frac{1,2 \times 5}{4 \times 5} = \frac{6}{20}$

• On compare les numérateurs:  $6 > 5,7$

on range les fractions dans l'ordre des numérateurs:  $\frac{6}{20} > \frac{5,7}{20}$

On en déduit que  $\frac{1,2}{4} > \frac{5,7}{20}$

### Méthode 2

Si le numérateur d'un nombre en écriture fractionnaire est supérieur à son dénominateur alors le nombre est supérieur à 1.

Si le numérateur est inférieur au dénominateur, alors le quotient est inférieur à 1.

exemple:  $\frac{233}{127} > 1$  car  $233 > 127$

$\frac{121}{512} < 1$  car  $121 < 512$

### Méthode 3

Des nombres en écriture fractionnaire qui ont des numérateurs égaux sont rangés dans l'ordre inverse de leurs dénominateurs.

exemple  $\frac{13}{18} > \frac{13}{19}$

c'est logique ! En effet si on réalise 2 gâteaux identiques nommés respectivement "gâteau A" et "gâteau B", que l'on coupe le gâteau A en 18 parts égales et le gâteau B en 19 parts égales. alors les parts de gâteau A sont plus grosses !

## II Additionner ou soustraire des nombres en écriture fractionnaire

### 1) Lorsque les dénominateurs sont les mêmes

Règle: Pour additionner (ou soustraire) des nombres en écriture fractionnaire ayant le même dénominateur, on garde le dénominateur commun et on additionne (ou soustrait) les numérateurs.

Exemple: Calcule  $A = \frac{7}{3} + \frac{6}{3}$

$$A = \frac{7+6}{3}$$

$$A = \frac{13}{3}$$

$$B = \frac{9}{4} - \frac{3}{4}$$

$$B = \frac{9-3}{4}$$

$$B = \frac{6}{4} \quad \text{on simplifie la fraction à l'aide des critères de divisibilité}$$

$$B = \frac{3 \times 2}{2 \times 2}$$

$$B = \frac{3}{2}$$

Application: Exercices n° 4, 5-6 page 14