

CHAPITRE 10 : PYRAMIDES ET CÔNES

Méthode 1 : Pyramide et cône de révolution en perspective

Définitions

Une **pyramide** est un solide dont :

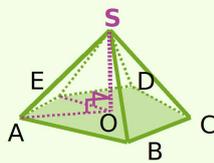
- une face est un polygone : c'est la **base** de la pyramide.
- les autres faces, appelées **faces latérales**, sont des triangles qui ont un sommet commun. C'est le **sommet** de la pyramide.

La **hauteur** d'une pyramide est le segment issu de son sommet et perpendiculaire à la base.

Les **arêtes latérales** sont les segments joignant les sommets de la base au sommet de la pyramide.

Remarque : Une **pyramide régulière** est une pyramide dont la base est un polygone régulier (par exemple un triangle équilatéral ou un carré) et dont les faces latérales sont des triangles isocèles superposables.

Exemple 1 : Trace une pyramide en perspective et décris les éléments de ce solide.



Le **sommet** de cette pyramide est le point S.

La **base** de cette pyramide est le pentagone ABCDE.

Les **faces latérales** sont : SAB, SBC, SCD, SDE, SEA.

Les **arêtes latérales** sont : [AS], [BS], [CS], [DS], [ES].

La **hauteur** de la pyramide est le segment [OS].

Vocabulaire et définitions à connaître :

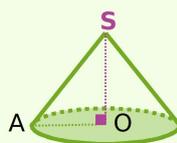
Un **cône de révolution** est un solide qui est généré par un triangle rectangle en rotation autour d'un des côtés de son angle droit.

La **base** du cône de révolution est un disque.

La **hauteur** du cône de révolution est le segment qui joint le centre de ce disque au sommet du cône ; il est perpendiculaire au disque de base.

Remarque : La **surface latérale** d'un cône, appelée aussi **développement**, est générée par l'hypoténuse du triangle rectangle. Elle a la forme d'un secteur de disque.

Exemple 2 : Trace un cône en perspective et décris les éléments de ce solide.



Le **sommet** du cône est le point S.

La **base** de ce cône est le disque de centre O : on la représente en perspective par un ovale (une ellipse) car elle n'est pas vue de face.

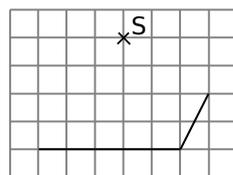
La **hauteur** du cône est le segment [OS].

Le triangle AOS, rectangle en O, génère le cône en tournant autour de (OS).

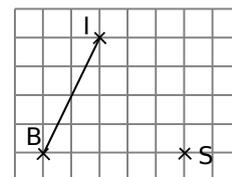
Application : À toi de jouer !

1 Complète les tracés en perspective ci-après pour obtenir un solide de sommet S :

a. une pyramide à base rectangulaire :

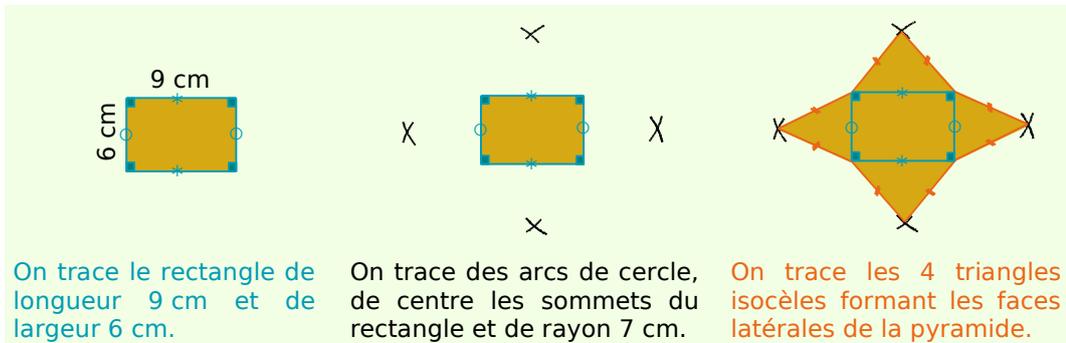


b. un cône de révolution ayant pour diamètre de base le segment [IB] :



Méthode 2 : Tracer le patron d'une pyramide

Exemple : Dessine le patron d'une pyramide dont la base est un rectangle de longueur 9 cm et de largeur 6 cm et dont chaque arête latérale mesure 7 cm.



Application : À toi de jouer !

2 Trace le patron de la pyramide dont la base est un carré de côté 5 cm et dont chaque arête latérale mesure 6,5 cm puis code les longueurs égales.

CHAPITRE 10 : PYRAMIDES ET CÔNES

Méthode 3 : Calculer des volumes

À connaître

Pour **calculer le volume d'une pyramide ou d'un cône de révolution**, on calcule le tiers du produit de l'aire de la base par la hauteur :

$$V = \frac{\text{Aire de la base} \times \text{Hauteur}}{3}$$

Remarque : Le volume d'un cône de hauteur h et de rayon de base r est : $V = \frac{\pi \times r^2 \times h}{3}$.

Exemple 1 :

Calcule le volume d'une pyramide de hauteur 2,50 m ayant pour base un losange de diagonales 4 m et 4,20 m.

On calcule l'aire du losange de base :

Puis, on calcule le volume :

Donc le volume de la pyramide vaut 7 m^3 .

Exemple 2 :

Calcule le volume d'un cône de révolution de hauteur 25 cm ayant pour base un disque de rayon 9 cm.

On utilise la formule :

Donc le volume exact du cône vaut $675\pi \text{ cm}^3$.

Application : À toi de jouer :

3 Calcule le volume d'une pyramide de hauteur 10 m ayant pour base un triangle rectangle dont les côtés de l'angle droit mesurent 4,5 m et 6 m.

4 Calcule le volume d'un cône de hauteur 12 cm ayant pour base un disque de diamètre 8 cm.