

Chapitre 2: Second degré

I Fonctions polynômes du second degré: différentes formes d'une même expression

1) forme développée

Définition: on appelle fonction polynôme du second degré ou encore trinôme du second degré toute fonction f définie sur \mathbb{R} par une expression algébrique du type

$$(1) \quad f(x) = ax^2 + bx + c \quad \text{avec } a, b, c \text{ 3 réels quelconques, et } a \neq 0$$

Exemples:

- $f(x) = -x^2 + 3x - 2$ est une expression du second degré, du type $ax^2 + bx + c$
avec $a = -1 ; b = 3 ; c = -2$

- $f(x) = -2x + 7x^2 + 4$ est une expression du second degré du type $ax^2 + bx + c$

avec $a = 7 ; b = -2 ; c = 4$. En effet en remettant les termes dans l'ordre des puissances décroissantes de x on peut écrire $f(x) = 7x^2 - 2x + 4$

- $f(x) = \frac{x^2}{a=1} + b=0 + c=0$ est une expression du second degré de la forme $ax^2 + bx + c$

2) représentation graphique

Définition: Soit f la fonction polynôme du second degré définie par $f(x) = ax^2 + bx + c$, avec $a \neq 0$.

La courbe représentative de f dans un repère du plan est une parabole \mathcal{P} dont le sommet S a pour abscisse $x_S = -\frac{b}{2a}$

On note souvent $x_S = d$, $d = -\frac{b}{2a}$

Propriété. Dans un repère orthogonal, la parabole \mathcal{P} admet pour axe de symétrie la droite passant par le sommet S et parallèle à l'axe des ordonnées.

- si $a < 0$: \mathcal{P} est tournée vers le bas
- si $a > 0$: \mathcal{P} est tournée vers le haut.

Si $a > 0$

\mathcal{P} est « orientée vers le haut »

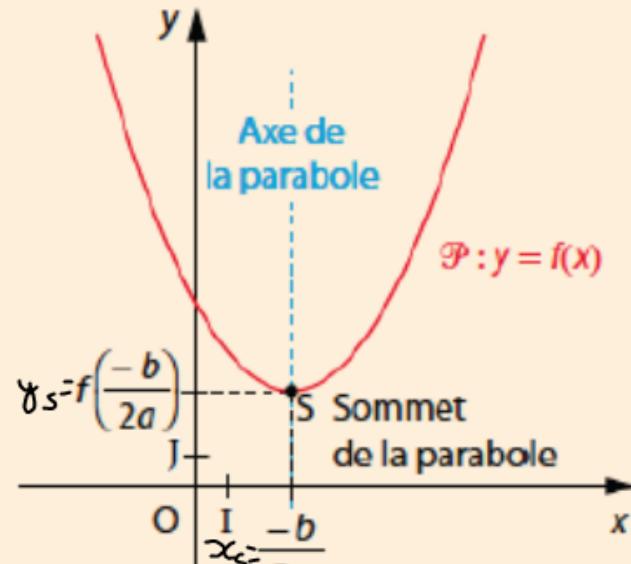


tableau de variation

x	$-\infty$	$-\frac{b}{2a}$	$+\infty$
$f(x) = ax^2 + bx + c$		$f\left(-\frac{b}{2a}\right)$	

Si $a < 0$

\mathcal{P} est « orientée vers le bas »

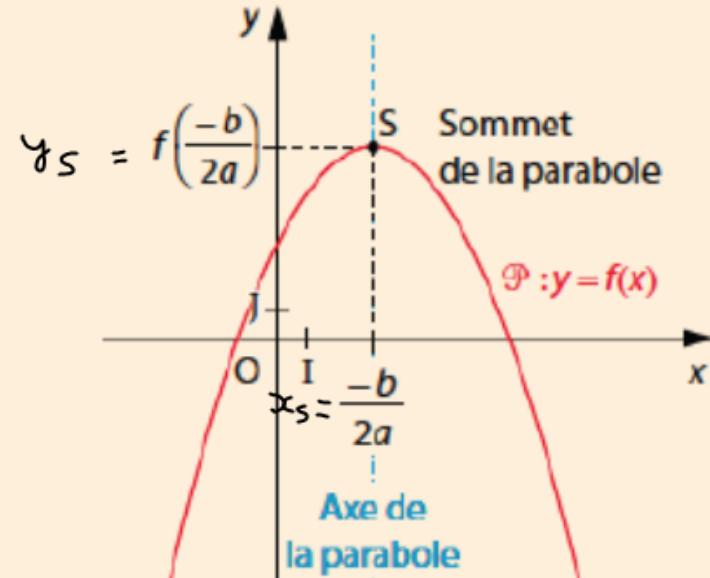
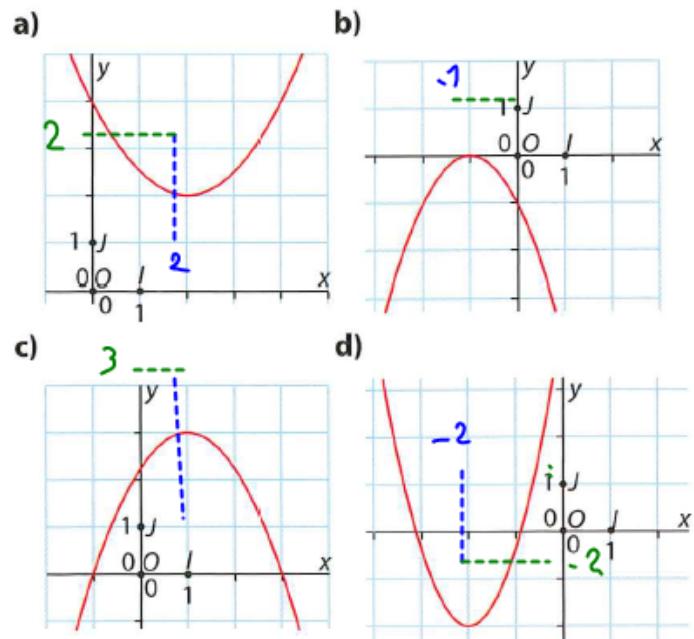


tableau de variation

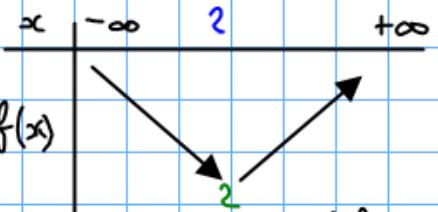
x	$-\infty$	$-\frac{b}{2a}$	$+\infty$
$f(x) = ax^2 + bx + c$		$f\left(-\frac{b}{2a}\right)$	

Application: page 126

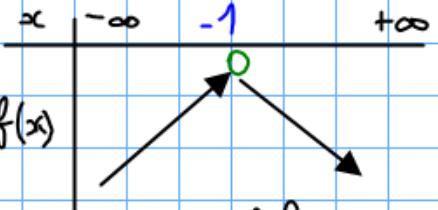
5 Chacun des tracés suivants est celui de la parabole représentative d'une fonction polynôme f de degré 2, définie pour tout réel x par $f(x) = ax^2 + bx + c$, où $a \neq 0$. Pour chacun des cas, préciser le signe de a et dresser le tableau de variation de f .



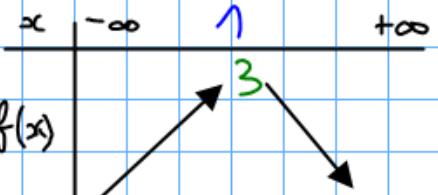
a) $a > 0$ car f est tournée vers le haut



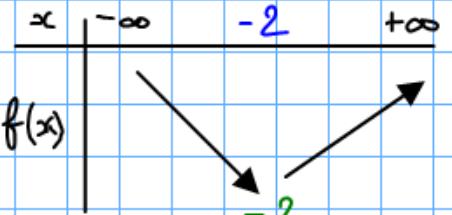
b) $a < 0$ car la parabole est tournée vers le bas



c) $a < 0$ car la parabole est tournée vers le bas



d) $a > 0$ car f est tournée vers le haut



- 8** Chacun des tableaux de variation suivants est celui d'une fonction polynôme f de degré 2, définie pour tout réel x par $f(x) = ax^2 + bx + c$, où $a \neq 0$. Pour chacun des cas, préciser le signe de a et tracer à main levée une parabole possible qui pourrait être représentative de f .

a)

x	$-\infty$	2	$+\infty$
$f(x)$		0	

b)

x	$-\infty$	3	$+\infty$
$f(x)$		-1	

c)

x	$-\infty$	-2	$+\infty$
$f(x)$		1	

d)

x	$-\infty$	-1	$+\infty$
$f(x)$		-3	