

## Relations trigonométriques

**EXERCICE 11**

À l'aide de la formule  $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$  :

- Déterminer  $\cos x$  sachant que :  $\sin x = \frac{2}{3}$  et  $x \in \left[0; \frac{\pi}{2}\right]$
- Déterminer  $\sin x$  sachant que :  $\cos x = -\frac{1}{5}$  et  $x \in [-\pi; 0]$
- Déterminer  $\cos x$  sachant que :  $\sin x = \frac{\sqrt{5}}{3}$  et  $x \in \left[\frac{\pi}{2}; \pi\right]$

**EXERCICE 13**

Démontrer que pour tout réel  $x$  on a :

- $(\cos x + \sin x)^2 + (\cos x - \sin x)^2 = 2$
- $(\cos x + \sin x)^2 - (\cos x - \sin x)^2 = 4 \cos x \sin x$

**EXERCICE 14**

Exprimer à l'aide de  $\sin x$  et  $\cos x$ , les expressions suivantes :

- $\sin(-x) + \cos(-x)$
- $\sin(-x) - \sin(\pi + x)$
- $\cos(\pi - x) + \cos(3\pi + x)$
- $\sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) - 3 \cos\left(-\frac{\pi}{2} - x\right) - 4 \sin(\pi - x)$

## Équations trigonométriques

**EXERCICE 15**

À l'aide d'un cercle trigonométrique, résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations suivantes :

- $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$
- $\sin x = 0$
- $2 \sin x + \sqrt{3} = 0$

**EXERCICE 16**

Résoudre dans  $\mathbb{R}$  puis visualiser les solutions dans le cercle trigonométrique des équations suivantes :

- $2 \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) - 1 = 0$
- $1 - \sqrt{2} \cos\left(\frac{\pi}{3} - x\right) = 0$
- $\sin\left(2x - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{2}$
- $\cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2}$

## Relations trigonométriques

**EXERCICE 11**

À l'aide de la formule  $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$  :

- Déterminer  $\cos x$  sachant que :  $\sin x = \frac{2}{3}$  et  $x \in \left[0; \frac{\pi}{2}\right]$
- Déterminer  $\sin x$  sachant que :  $\cos x = -\frac{1}{5}$  et  $x \in [-\pi; 0]$
- Déterminer  $\cos x$  sachant que :  $\sin x = \frac{\sqrt{5}}{3}$  et  $x \in \left[\frac{\pi}{2}; \pi\right]$

**EXERCICE 13**

Démontrer que pour tout réel  $x$  on a :

- $(\cos x + \sin x)^2 + (\cos x - \sin x)^2 = 2$
- $(\cos x + \sin x)^2 - (\cos x - \sin x)^2 = 4 \cos x \sin x$

**EXERCICE 14**

Exprimer à l'aide de  $\sin x$  et  $\cos x$ , les expressions suivantes :

- $\sin(-x) + \cos(-x)$
- $\sin(-x) - \sin(\pi + x)$
- $\cos(\pi - x) + \cos(3\pi + x)$
- $\sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) - 3 \cos\left(-\frac{\pi}{2} - x\right) - 4 \sin(\pi - x)$

## Équations trigonométriques

**EXERCICE 15**

À l'aide d'un cercle trigonométrique, résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations suivantes :

- $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$
- $\sin x = 0$
- $2 \sin x + \sqrt{3} = 0$

**EXERCICE 16**

Résoudre dans  $\mathbb{R}$  puis visualiser les solutions dans le cercle trigonométrique des équations suivantes :

- $2 \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) - 1 = 0$
- $1 - \sqrt{2} \cos\left(\frac{\pi}{3} - x\right) = 0$
- $\sin\left(2x - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{2}$
- $\cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2}$