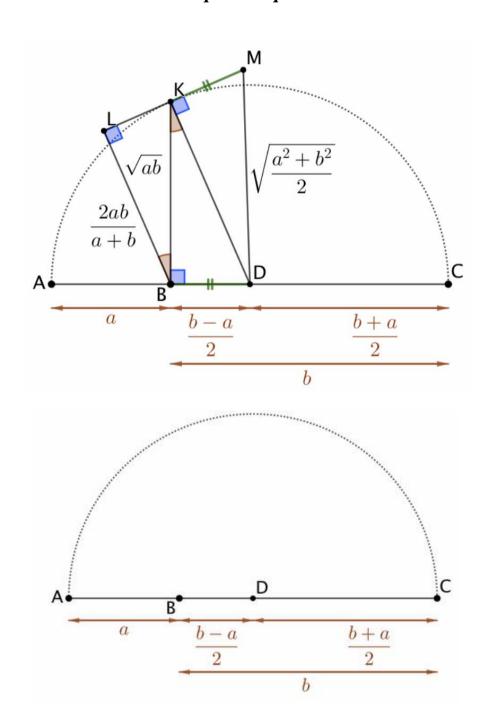
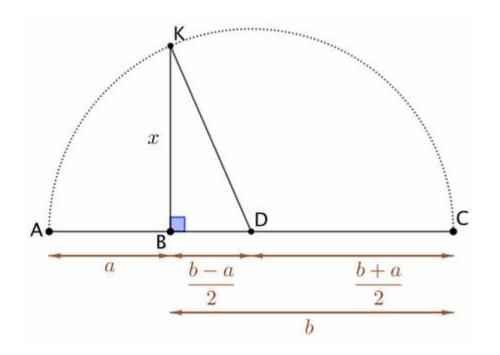
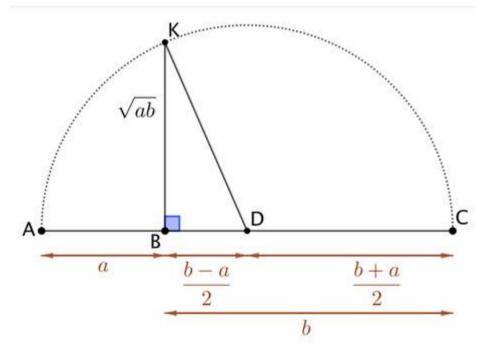
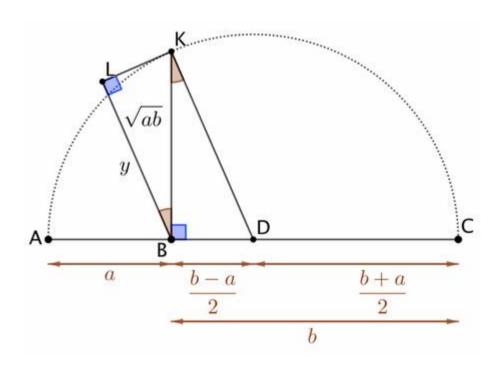
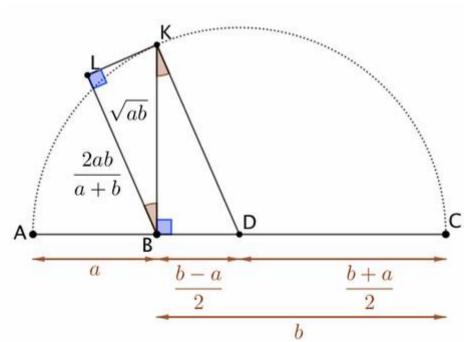
Les 4 moyennes : arithmétique, géométrique, harmonique et quadratique

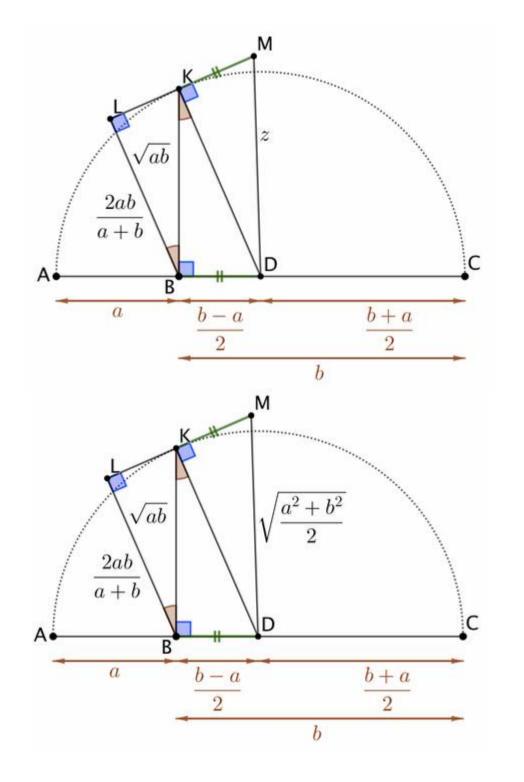












Explications

Moyenne arithmétique : $\frac{a+b}{2}$

$$x^2 = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{b-a}{2}\right)^2$$

Moyenne géométrique : $x = \sqrt{ab}$

$$(BL) \parallel (DK) \ \mathsf{et} \ (BL) \perp (LK)$$

$$\widehat{KBL} = \widehat{BKD}$$

$$\frac{y}{BK} = \frac{BK}{DK} \implies y = \frac{BK^2}{DK}$$

Moyenne harmonique : $y = \frac{2ab}{a+b}$

$$KM = BD \operatorname{et}(KM) \perp (KD)$$

$$z^{2} = \left(\frac{a+b}{2}\right)^{2} + \left(\frac{b-a}{2}\right)^{2} = \frac{a^{2}+b^{2}}{2}$$

Moyenne quadratique :
$$z = \sqrt{\frac{a^2 + b^2}{2}}$$

Conclusion

On observe que $DM \geq DK \geq BK \geq BL$. Donc les moyennes classées dans l'ordre décroissant sont :

- la moyenne quadratique
- la moyenne arithmétique
- la moyenne géométrique
- la moyenne harmonique

