

## Ex 1 : (\*) - 4 pts – Lectures graphiques

tableau de signes de  $f$  :

$x$	-2	-1	2	6
$f(x)$	+	0	-	0

tableau de signes de  $f'$  :

$x$	-2	0,5	4	6
$f'(x)$	-	0	+	0

Tableau de valeurs de  $f$  :

$x$	-1	0	1	2	4
$f(x)$	0	-2	-2	0	4

Tableau de valeurs de  $f'$  :

$x$	0,5	1	4	5
$f'(x)$	-1	1	0	-2

équations des tangentes à  $C_f$  :

$$(T_{0,5}): y = -2,2 ; (T_1): y = x - 3 ; (T_4): y = 4 ; (T_5): y = -2x + 13$$

tableau de variations de  $f$  :

$x$	-2	0,5	4	6
signe de $f'$	-	0	+	0
$f$	4	-2,2	4	0

## Ex 2 : (\*\*) - 3 pts – Équations de tangentes

Soit la fonction  $f$  définie sur  $[-4; 2]$  par  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 4$ 

$$\text{on a : } (x-1)(x^2 + 4x + 4) = x^3 + 4x^2 + 4x - x^2 - 4x - 4 = x^3 + 3x^2 - 4 = f(x)$$

$$\text{ainsi } f(x) = 0 \text{ donne } x - 1 = 0 \text{ ou } x^2 + 4x + 4 = 0$$

$$\text{donc } x = 1 \text{ ou } (x+2)^2 = 0 \text{ donc } x = 1 \text{ ou } x = -2 \text{ (racines de } f)$$

$$\text{dérivée de } f : f'(x) = 3x^2 + 6x = (3x)(x+2)$$

$$\text{donc } f'(x) = 0 \text{ donne } 3x = 0 \text{ ou } x + 2 = 0 \text{ soit } x = 0 \text{ ou } x = -2$$

On en déduit que la courbe  $C_f$  admet 2 tangentes horizontales aux points  $A(0; -4)$  et  $B(-2; 0)$ équation de la tangente  $(T_2)$  à la courbe  $C_f$  :

$$(T_{-1}): y = f'(-1)(x+1) + f(-1) \text{ avec } f(-1) = -2 \text{ et } f'(-1) = -3$$

$$\text{donc } (T_{-1}): y = -3(x+1) - 2 \text{ donc } (T_{-1}): y = -3x - 5$$

## Ex 3 : (\*\*) - 3 pts – Calculs de fonctions dérivées

Pour chaque fonction  $f$ , donner le domaine de définition puis calculer  $f'(x)$ 

$$\text{a) } f(x) = 4x^3 - 5x^2 + 7x - 1 \text{ donc } f'(x) = 12x^2 - 10x + 7$$

$$\text{b) } f(x) = (2x-1)(-x^2+2x) \text{ donc } f'(x) = 2(-x^2+2x) + (2x-1)(-2x+2) \\ \text{donc } f'(x) = -2x^2 + 4x - 4x^2 + 4x + 2x + 2 = -6x^2 + 10x + 2$$

$$\text{c) } f(x) = (-4x+3)^3 \text{ donc } f'(x) = 3(-4)(-4x+3)^2 = -12(-4x+3)^2$$

$$\text{d) } f(x) = \frac{2x-1}{x^2-1} \text{ donc } f'(x) = \frac{2(x^2-1) - (2x)(2x-1)}{(x^2-1)^2}$$

$$\text{donc } f'(x) = \frac{2x^2 - 2 - 4x^2 + 2x}{(x^2-1)^2} = \frac{-2x^2 + 2x - 2}{(x^2-1)^2}$$

$$\text{e) } f(x) = \frac{\sqrt{2x+3}}{x+1} \text{ donc } f'(x) = \frac{\frac{2}{2\sqrt{2x+3}} \times (x+1) - \sqrt{2x+3}}{(x+1)^2}$$

$$\text{donc } f'(x) = \frac{x+1 - (\sqrt{2x+3})^2}{\sqrt{2x+3}(x+1)^2} = \frac{x+1 - 2x - 3}{\sqrt{2x+3}(x+1)^2} = \frac{-x-2}{\sqrt{2x+3}(x+1)^2}$$

## Ex 3 : (\*\*\*) - 2 pts – Problème sur la dérivation

$$f(x) = \sqrt{u(x)} \text{ avec } u(x) = \frac{2x+1}{x-1}, \quad u'(x) = \frac{2(x-1) - 2x-1}{(x-1)^2} = \frac{-3}{(x-1)^2}$$

$$\text{donc } f'(x) = \frac{-3}{(x-1)^2} \times \frac{\sqrt{x-1}}{2\sqrt{2x+1}} = \frac{-1,5}{(x-1)^{1,5} \cdot (2x+1)^{0,5}}$$

$$f'(x) = \frac{-1}{6} \text{ donne } (x-1)^{1,5} \cdot (2x+1)^{0,5} = 9$$

avec une calculatrice on obtient  $x = -2$