

## Première spé maths - Fonctions dérivées et Tangentes

**C.1**

- ① L'expression de la fonction  $f$  est donnée sous la forme d'un produit de deux facteurs  $u$  et  $v$  dont les expressions sont :

$$u(x) = x^2 - 3 \cdot x + 1 \quad ; \quad v(x) = 1 - 2x$$

qui admettent les deux fonctions dérivées suivantes :

$$u'(x) = 2 \cdot x - 3 \quad ; \quad v'(x) = -2$$

La formule de dérivation d'un produit permet d'obtenir l'expression de la fonction  $f'$  dérivée de la fonction  $f$  :

$$\begin{aligned} f'(x) &= u'(x) \cdot v(x) + u(x) \cdot v'(x) \\ &= (2x - 3) \cdot (1 - 2x) + (x^2 - 3x + 1) \cdot (-2) \\ &= 2x - 4x^2 - 3 + 6x - 2x^2 + 6x - 2 \\ &= -6x^2 + 14x - 5 \end{aligned}$$

- ② L'expression de la fonction  $g$  est donnée sous la forme d'un produit de deux facteurs  $u$  et  $v$  dont les expressions sont :

$$u(x) = -x^3 + 2 \cdot x + 3 \quad ; \quad v(x) = x^2 + 1$$

qui admettent les deux fonctions dérivées suivantes :

$$u'(x) = -3 \cdot x^2 + 2 \quad ; \quad v'(x) = 2 \cdot x$$

La formule de dérivation d'un produit permet d'obtenir l'expression de la fonction  $g'$  dérivée de la fonction  $g$  :

$$\begin{aligned} g'(x) &= u'(x) \cdot v(x) + u(x) \cdot v'(x) \\ &= (-3x^2 + 2)(x^2 + 1) + (-x^3 + 2x + 3) \cdot 2x \\ &= -3x^4 - 3x^2 + 2x^2 + 2 - 2x^4 + 4x^2 + 6x \\ &= -5x^4 + 3x^2 + 6x + 2 \end{aligned}$$

**C.2**

- ① L'expression de la fonction  $f$  est donnée sous la forme du produit des fonctions  $u$  et  $v$  où :

$$u(x) = x^5 \quad ; \quad v(x) = x^2 - 1$$

qui admettent les fonctions dérivées :

$$u'(x) = 5 \cdot x^4 \quad ; \quad v'(x) = 2x$$

Ainsi, la fonction  $g$  admet pour dérivée la fonction  $g'$  dont l'expression est :

$$\begin{aligned} f'(x) &= u'(x) \cdot v(x) + u(x) \cdot v'(x) = 5 \cdot x^4 \cdot (x^2 - 1) + x^5 \cdot (2x) \\ &= 5x^6 - 5x^4 + 2x^6 = 7x^6 - 5x^4 \end{aligned}$$

- ② L'expression de la fonction  $g$  est donnée sous la forme du produit des fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = 2 \cdot x^2 - 5 \cdot x + 1 \quad ; \quad v(x) = 1 - x^2$$

qui admettent pour dérivées :

$$u'(x) = 4x - 5 \quad ; \quad v'(x) = -2x$$

La formule de dérivation d'un produit permet d'obtenir l'expression de la fonction  $g'$  dérivée de la fonction  $g$  :

$$\begin{aligned} g'(x) &= u'(x) \cdot v(x) + u(x) \cdot v'(x) \\ &= (4x - 5)(1 - x^2) + (2x^2 - 5x + 1)(-2x) \\ &= 4x - 4x^3 - 5 + 5x^2 - 4x^3 + 10x^2 - 2x \\ &= -8x^3 + 15x^2 + 2x - 5 \end{aligned}$$

- C.3** La fonction  $f$  est définie par le quotient des deux fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = 3 \cdot x + 1 \quad ; \quad v(x) = 2 \cdot x - 1$$

qui admettent pour dérivées les fonctions :

$$u'(x) = 3 \quad ; \quad v'(x) = 2$$

L'expression de la fonction  $f'$  dérivée de la fonction  $f$  est donnée par :

$$\begin{aligned} f'(x) &= \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2} = \frac{3 \cdot (2x - 1) - (3x + 1) \cdot 2}{(2x - 1)^2} \\ &= \frac{6x - 3 - 6x - 2}{(2x - 1)^2} = \frac{-5}{(2x - 1)^2} \end{aligned}$$

- C.4** L'expression de la fonction  $g$  est donnée sous la forme d'un produit de deux fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = x^2 - 3 \quad ; \quad v(x) = \sqrt{x}$$

qui admettent pour dérivées :

$$u'(x) = 2x \quad ; \quad v'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

La formule de dérivation d'un produit permet d'obtenir l'expression de la fonction  $g'$  dérivée de la fonction  $g$  :

$$\begin{aligned} g'(x) &= u'(x) \cdot v(x) + u(x) \cdot v'(x) = 2x \cdot \sqrt{x} + (x^2 - 3) \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}} \\ &= \frac{2x \cdot \sqrt{x} \times 2\sqrt{x}}{2\sqrt{x}} + \frac{x^2 - 3}{2\sqrt{x}} = \frac{4x^2}{2\sqrt{x}} + \frac{x^2 - 3}{2\sqrt{x}} \\ &= \frac{4x^2 + x^2 - 3}{2\sqrt{x}} = \frac{5x^2 - 3}{2\sqrt{x}} \end{aligned}$$

**C.5**

- ① L'expression de la fonction  $f$  est donnée sous la forme d'un produit de deux fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = 3 - x \quad ; \quad v(x) = \frac{1}{x}$$

qui admettent pour dérivées :

$$u'(x) = -1 \quad ; \quad v'(x) = -\frac{1}{x^2}$$

La formule de dérivation d'un produit permet d'obtenir l'expression de la fonction  $f'$  dérivée de la fonction  $f$  :

$$\begin{aligned} f'(x) &= u'(x) \cdot v(x) + u(x) \cdot v'(x) \\ &= -1 \times \frac{1}{x} + (3 - x) \cdot \left(-\frac{1}{x^2}\right) = \frac{-1}{x} - \frac{3 - x}{x^2} \\ &= \frac{-x}{x^2} - \frac{3 - x}{x^2} = \frac{-x - (3 - x)}{x^2} = \frac{-x + x - 3}{x^2} = \frac{-3}{x^2} \end{aligned}$$

- ② L'expression de la fonction  $g$  est donnée sous la forme d'un produit de deux facteurs  $u$  et  $v$  dont les expressions sont :

$$u(x) = x \quad ; \quad v(x) = x + \frac{1}{x}$$

qui admettent les deux fonctions dérivées suivantes :

$$u'(x) = 1 \quad ; \quad v'(x) = 1 - \frac{1}{x^2}$$

La formule de dérivation d'un produit permet d'obtenir l'expression de la fonction  $g'$  dérivée de la fonction  $g$  :

$$\begin{aligned} g'(x) &= u'(x) \cdot v(x) + u(x) \cdot v'(x) = 1 \cdot \left(x + \frac{1}{x}\right) + x \cdot \left(1 - \frac{1}{x^2}\right) \\ &= x + \frac{1}{x} + x - \frac{1}{x} = 2x \end{aligned}$$

- C.6** la fonction  $f$  est définie par le produit des fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = 4 \quad ; \quad v(x) = x^2 - 2x + 3$$

qui admettent pour dérivées :

$$u'(x) = 0 \quad ; \quad v'(x) = 2x - 2$$

La formule de dérivation d'un produit permet d'obtenir l'expression de la fonction  $f'$ , dérivée de la fonction  $f$  :

$$f'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2} = \frac{0 \cdot (x^2 - 2x + 3) - 4 \cdot (2x - 2)}{(x^2 - 2x + 3)^2}$$

$$= \frac{-8x + 8}{(x^2 - 2x + 3)^2}$$

**C.7** La fonction  $f$  est définie par le quotient des fonction  $u$  et  $v$  où :

$$u(x) = x^2 - 3x + 1 \quad ; \quad v(x) = 2x + 1$$

qui admettent pour dérivée :

$$u'(x) = 2x - 3 \quad ; \quad v'(x) = 2$$

Ainsi, la dérivée  $f'$  de la fonction  $f$  admet pour dérivée :

$$f'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2}$$

$$= \frac{(2x - 3) \cdot (2x + 1) - (x^2 - 3x + 1) \cdot 2}{(2x + 1)^2}$$

$$= \frac{4x^2 + 2x - 6x - 3 - 2x^2 + 6x - 2}{(2x + 1)^2} = \frac{2x^2 + 2x - 5}{(2x + 1)^2}$$

**C.8** La fonction  $f$  est définie par le produit des fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = x^2 + x + 1 \quad ; \quad v(x) = 2x^2 - 1$$

qui admettent pour dérivée :

$$u'(x) = 2x + 1 \quad ; \quad v'(x) = 4x$$

La formule de dérivation d'un quotient permet d'obtenir l'expression de la fonction  $f'$ , dérivée de la fonction  $f$  :

$$f'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2}$$

$$= \frac{(2x + 1) \cdot (2x^2 - 1) - (x^2 + x + 1) \cdot 4x}{(2x^2 - 1)^2}$$

$$= \frac{4x^3 - 2x + 2x^2 - 1 - 4x^3 - 4x^2 - 4x}{(2x^2 - 1)^2}$$

$$= \frac{-2x^2 - 6x - 1}{(2x^2 - 1)^2}$$

**C.9** La fonction  $g$  est définie par le quotient des deux fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = 5x - x^2 \quad ; \quad v(x) = 3 - x^2$$

qui admettent pour dérivées les fonctions :

$$u'(x) = 5 - 2x \quad ; \quad v'(x) = -2x$$

L'expression de la fonction  $g'$  dérivée de la fonction  $g$  est donnée par :

$$g'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2}$$

$$= \frac{(5 - 2x) \cdot (3 - x^2) - (5x - x^2) \cdot (-2x)}{(3 - x^2)^2}$$

$$= \frac{15 - 5x^2 - 6x + 2x^3 + 10x^2 - 2x^3}{(3 - x^2)^2}$$

$$= \frac{5x^2 - 6x + 15}{(3 - x^2)^2}$$

**C.10**

1 La fonction  $f$  est définie par :

$$f(x) = (x^2 - 3x) \cdot \sqrt{x}$$

L'expression de la fonction  $f$  est donnée sous la forme du produit des fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = x^2 - 3x \quad ; \quad v(x) = \sqrt{x}$$

qui admettent pour dérivée :

$$u'(x) = 2x - 3 \quad ; \quad v'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

La formule de dérivation d'un produit permet d'obtenir l'expression de la fonction  $f'$  :

$$f'(x) = u'(x) \cdot v(x) + u(x) \cdot v'(x) = (2x - 3) \cdot \sqrt{x} + (x^2 - 3x) \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$= \frac{(2x - 3) \cdot \sqrt{x} \cdot 2\sqrt{x}}{2\sqrt{x}} + \frac{x^2 - 3x}{2\sqrt{x}} = \frac{2x \cdot (2x - 3) + x^2 - 3x}{2\sqrt{x}}$$

$$= \frac{4x^2 - 6x + x^2 - 3x}{2\sqrt{x}} = \frac{5x^2 - 9x}{2\sqrt{x}}$$

2 L'expression de la fonction  $g$  est donnée sous la forme d'un quotient des deux fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = x + 1 \quad ; \quad v(x) = \sqrt{x}$$

qui admettent pour dérivée :

$$u'(x) = 1 \quad ; \quad v'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

La formule de dérivation d'un quotient permet d'obtenir l'expression de la fonction dérivée  $g'$  :

$$g'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2} = \frac{1 \cdot \sqrt{x} - (x + 1) \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}}}{(\sqrt{x})^2}$$

$$= \frac{\sqrt{x} - \frac{x + 1}{2\sqrt{x}}}{x} = \frac{\frac{\sqrt{x} \times 2\sqrt{x} - x - 1}{2\sqrt{x}}}{x} = \frac{2x - x - 1}{2\sqrt{x} \cdot x} = \frac{2x - (x + 1)}{2\sqrt{x} \cdot x} = \frac{x - 1}{2\sqrt{x} \cdot x} = \frac{x - 1}{2x\sqrt{x}}$$

**C.11**

1 La fonction  $f$  est définie par le quotient des deux fonctions  $u$  et  $v$  dont l'expression est :

$$u(x) = x^2 + x + 1 \quad ; \quad v(x) = x + 1$$

qui admettent pour dérivée :

$$u'(x) = 2x + 1 \quad ; \quad v'(x) = 1$$

La formule de dérivation d'un quotient permet d'obtenir l'expression de la fonction  $f'$  dérivée de la fonction  $f$  :

$$f'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2}$$

$$= \frac{(2x + 1) \cdot (x + 1) - (x^2 + x + 1) \cdot 1}{(x + 1)^2}$$

$$= \frac{2x^2 + 2x + x + 1 - x^2 - x - 1}{(x + 1)^2} = \frac{x^2 + 2x}{(x + 1)^2}$$

2 a • Déterminons l'équation réduite de la droite  $(d)$  :

On a l'image et le nombre dérivé de  $-\frac{1}{2}$  par la fonction  $f$  :

$$\Rightarrow f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{\left(-\frac{1}{2}\right)^2 + \left(-\frac{1}{2}\right) + 1}{-\frac{1}{2} + 1} = \frac{\frac{1}{4} - \frac{1}{2} + 1}{-\frac{1}{2} + 1}$$

$$= \frac{\frac{3}{4}}{\frac{1}{2}} = \frac{3}{4} \times 2 = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow f'\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{\left(-\frac{1}{2}\right)^2 + 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right)}{\left(-\frac{1}{2} + 1\right)^2} = \frac{\frac{1}{4} - 1}{\left(\frac{1}{2}\right)^2}$$

$$= \frac{-\frac{3}{4}}{\frac{1}{4}} = -\frac{3}{4} \times 4 = -3$$

La formule donnant l'équation réduite d'une tangente à une courbe permet d'obtenir l'équation réduite de la tangente (d) :

$$y = f'\left(-\frac{1}{2}\right) \cdot \left[x - \left(-\frac{1}{2}\right)\right] + f\left(-\frac{1}{2}\right)$$

$$y = -3 \cdot \left(x + \frac{1}{2}\right) + \frac{3}{2}$$

$$y = -3 \cdot x - \frac{3}{2} + \frac{3}{2}$$

$$y = -3 \cdot x$$

- Déterminons l'équation réduite de la droite ( $\Delta$ ) :

On a l'image et le nombre dérivé de 1 par la fonction  $f$  :

$$\Rightarrow f(1) = \frac{1^2 + 1 + 1}{1 + 1} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow f'(1) = \frac{1^2 + 2 \times 1}{(1 + 1)^2} = \frac{3}{2^2} = \frac{3}{4}$$

La formule donnant l'équation réduite d'une tangente à une courbe permet d'obtenir l'équation réduite de la tangente (d) :

$$y = f'(1) \cdot (x - 1) + f(1)$$

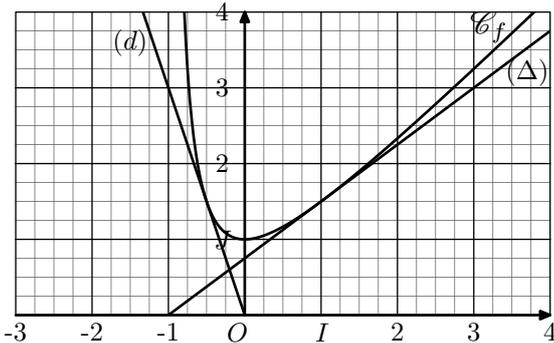
$$y = \frac{3}{4} \cdot (x - 1) + \frac{3}{2}$$

$$y = \frac{3}{4} \cdot x - \frac{3}{4} + \frac{3}{2}$$

$$y = \frac{3}{4} \cdot x - \frac{3}{4} + \frac{6}{4}$$

$$y = \frac{3}{4} \cdot x + \frac{3}{4}$$

- b) On a le tracé des deux droites suivantes :



### C.12

- 1) L'image du nombre 2 par la fonction  $h$  a pour valeur :

$$h(2) = \frac{3 \times 2^2 - 2 + 2}{2 + 1} = \frac{3 \times 4 - 2 + 2}{3} = \frac{12}{3}$$

Ainsi, le point d'abscisse 2 de la courbe  $\mathcal{C}_h$  a pour coordonnées  $\left(2; \frac{12}{3}\right)$ .

L'expression de la fonction  $h$  est donnée sous la forme d'un quotient des fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = 3x^2 - x + 2 \quad ; \quad v(x) = x + 1$$

qui admettent pour dérivées :

$$u'(x) = 6x - 1 \quad ; \quad v'(x) = 1$$

D'après la formule de dérivation d'un quotient, on ob-

tient l'expression de la fonction  $h'$  dérivée de la fonction  $h$  :

$$h'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2}$$

$$= \frac{(6x - 1)(x + 1) - (3x^2 - x + 2) \cdot 1}{(x + 1)^2}$$

$$= \frac{6x^2 + 6x - x - 1 - 3x^2 + x - 2}{(x + 1)^2}$$

$$= \frac{3x^2 + 6x - 3}{(x + 1)^2}$$

Le nombre dérivé de la fonction  $f$  en 2 a pour valeur :

$$f'(2) = \frac{3 \times 2^2 + 6 \times 2 - 3}{(2 + 1)^2} = \frac{12 + 12 - 3}{9} = \frac{21}{9} = \frac{7}{3}$$

D'après la formule donnant l'équation réduite de la tangente à une courbe, on en déduit l'équation réduite de la droite ( $\Delta$ ) :

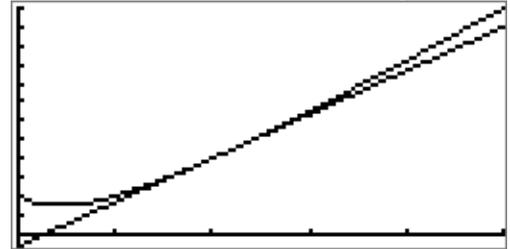
$$y = h'(2) \cdot (x - 2) + h(2)$$

$$y = \frac{7}{3} \cdot (x - 2) + \frac{12}{3}$$

$$y = \frac{7}{3} \cdot x - \frac{14}{3} + \frac{12}{3}$$

$$y = \frac{7}{3} \cdot x - \frac{2}{3}$$

- 2) À la calculatrice, on obtient l'affichage suivant :



### C.13

- 1) L'expression de la fonction  $f$  est définie par le quotient des fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = -2x^2 + x + 1 \quad ; \quad v(x) = 4x - 1$$

qui admettent pour dérivées :

$$u'(x) = -4x + 1 \quad ; \quad v'(x) = 4$$

Ainsi, la fonction dérivée de la fonction  $f$  a une expression de la forme :

$$f'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2}$$

$$= \frac{(-4x + 1)(4x - 1) - (-2x^2 + x + 1) \cdot 4}{(4x - 1)^2}$$

$$= \frac{-16x^2 + 8x - 1 + 8x^2 - 4x - 4}{(4x - 1)^2}$$

$$= \frac{-8x^2 + 4x - 5}{(4x - 1)^2} = -\frac{8x^2 - 4x + 5}{(4x - 1)^2}$$

- 2) a) Cherchons les solutions de l'équation suivante :

$$f'(x) = -1$$

$$\frac{-8 \cdot x^2 + 4x - 5}{(4x - 1)^2} = -1$$

$$\frac{-8 \cdot x^2 + 4x - 5}{(4x - 1)^2} + 1 = 0$$

$$\frac{-8 \cdot x^2 + 4x - 5 + (4x - 1)^2}{(4x - 1)^2} = 0$$

$$\frac{-8 \cdot x^2 + 4x - 5 + 16 \cdot x^2 - 8x + 1}{(4x - 1)^2} = 0$$

$$\frac{8 \cdot x^2 - 4x - 4}{(4x - 1)^2} = 0$$

Si un quotient est nul alors son numérateur est nul; cherchons les racines du polynôme du second degré définissant le numérateur de ce quotient. Le discriminant de ce polynôme a pour valeur :

$$\Delta = b^2 - 4ac = (-4)^2 - 4 \times 8 \times (-4) = 144$$

On a la simplification suivante:  $\sqrt{\Delta} = \sqrt{144} = 12$

Le discriminant de ce polynôme étant positif, il admet deux racines:

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \quad \left| \quad x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$$

$$= \frac{-(-4) - 12}{16} \quad \left| \quad = \frac{-(-4) + 12}{16}$$

$$= \frac{-8}{16} \quad \left| \quad = \frac{16}{16}$$

$$= -\frac{1}{2} \quad \left| \quad = 1$$

- b** • Déterminons l'équation réduite de la tangente à la courbe  $\mathcal{C}_f$  au point d'abscisse 1 :

$$y = f'(1) \cdot (x - 1) + f(1)$$

$$y = -1 \cdot (x - 1)$$

$$y = -x + 1$$

- Déterminons l'équation réduite de la tangente à la courbe  $\mathcal{C}_f$  au point d'abscisse  $-\frac{1}{2}$  :

$$y = f'\left(-\frac{1}{2}\right) \left(x + \frac{1}{2}\right) + f\left(-\frac{1}{2}\right)$$

$$y = -1 \cdot \left(x + \frac{1}{2}\right) + 0$$

$$y = -x - \frac{1}{2}$$

### C.14

- La fonction  $f$  est définie comme la somme de fonctions de référence, il suffit alors de dériver les termes un à un :

$$f'(x) = 2 \cdot (2 \cdot x) - 5 = 4x - 5$$

- L'expression de la fonction  $g$  est donnée sous la forme du quotient des fonctions  $u$  et  $v$  définies par :

$$u(x) = 3 \cdot x - 2 \quad ; \quad v(x) = 1 - 2 \cdot x$$

qui admettent pour dérivée :

$$u'(x) = 3 \quad ; \quad v'(x) = -2$$

La formule de dérivation d'un quotient permet d'obtenir l'expression de la fonction  $g'$  :

$$g'(x) = \frac{u'(x) \cdot v(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2} = \frac{3 \cdot (1 - 2x) - (3 \cdot x - 2) \cdot (-2)}{(1 - 2x)^2}$$

$$= \frac{3 - 6 \cdot x - (-6 \cdot x + 4)}{(1 - 2x)^2} = \frac{3 - 6 \cdot x + 6 \cdot x - 4}{(1 - 2x)^2} = \frac{-1}{(1 - 2x)^2}$$

- Pour la fonction  $f$  :

Cherchons si la droite  $(T)$  est une tangente à la courbe  $\mathcal{C}_f$ . Pour cela, cherchons les nombres pour lesquelles, la fonction  $f$  admet un nombre dérivé égal à  $-1$  :

$$f'(x) = -1$$

$$4 \cdot x - 5 = -1$$

$$4 \cdot x = -1 + 5$$

$$4 \cdot x = 4$$

$$x = 1$$

Montrons que le point d'abscisse 1 est un point de contact de la courbe  $\mathcal{C}$  et de la droite  $(T)$  :

$$f(1) = 2 \times 1^2 - 5 \times 1 + 2 = 2 - 5 + 2 = -1.$$

Le point d'abscisse 1 de la courbe  $\mathcal{C}_f$  a pour coordonnées  $(1; -1)$ . La droite  $(T)$  est une tangente à la courbe  $\mathcal{C}_f$  au point d'abscisse 1.

- Pour la fonction  $g$  :

$$g'(x) = -1$$

$$\frac{-1}{(1 - 2 \cdot x)^2} = -1$$

D'après le produit en croix, on a :

$$-1 = -1 \cdot (1 - 2 \cdot x)^2$$

$$(1 - 2 \cdot x)^2 = 1$$

Cette équation admet les deux solutions :

$$1 - 2 \cdot x = -1 \quad \left| \quad 1 - 2 \cdot x = 1$$

$$-2 \cdot x = -2 \quad \left| \quad -2 \cdot x = 0$$

$$x = \frac{-2}{-2} \quad \left| \quad x = 0$$

$$x = 1$$

Ainsi, aux points d'abscisse 0 et 1, la courbe  $\mathcal{C}_g$  présente des tangentes de coefficient directeur égal à 1.

Vérifions que la droite  $(T)$  ait contact avec la courbe  $\mathcal{C}$  aux points d'abscisses 0 et 1 :

- ⇒ Pour  $x = 0$ , on a :

$$g(0) = \frac{3 \times 0 - 2}{1 - 2 \times 0} = \frac{-2}{1} = -2$$

Le point d'abscisse de la courbe  $\mathcal{C}_g$  a pour coordonnée  $(0; -2)$ ; ce point n'appartient pas à la droite  $(T)$ .

La droite  $(T)$  n'est pas la tangente (*même si elle a même direction*) à la courbe  $\mathcal{C}_g$  au point d'abscisse 0.

- ⇒ Pour  $x = 1$  :

$$g(1) = \frac{3 \times 1 - 2}{1 - 2 \times 1} = \frac{3 - 2}{1 - 2} = \frac{1}{-1} = -1$$

La courbe  $\mathcal{C}_g$  passe par le point de coordonnées  $(1; -1)$  : ce point appartient également à la droite  $(T)$ .

La droite  $(T)$  est la tangente à la courbe  $\mathcal{C}_g$  au point d'abscisse 1.

