

### Exercice 1 :

Les tailles sont exprimées en centimètres.

#### PARTIE A : A la maternité « Beaux jours »

Sur la totalité du mois de janvier 2012, il y a eu 57 nouveau-nés à la maternité « Beaux jours ».

Leur taille est donnée dans le tableau ci-dessous

Taille	46	47,5	48	48,5	49	49,5	50	50,5	51	51,5	52	52,5	53
Effectifs	1	2	3	5	5	7	9	8	7	5	2	2	1
ECC	<b>1</b>	<b>3</b>	<b>6</b>	<b>11</b>	<b>16</b>	<b>23</b>	<b>32</b>	<b>40</b>	<b>47</b>	<b>52</b>	<b>54</b>	<b>56</b>	<b>57</b>

- 1) Compléter **SUR CETTE FICHE** la ligne 3 du tableau des effectifs cumulés croissants.
- 2) Calculer la moyenne (*arrondir au centimètre*) puis la médiane des tailles de ces 57 nouveau-nés **en précisant la démarche**.

Moyenne :  $\bar{x} = \frac{1 \times 46 + 2 \times 47,5 + \dots + 53 \times 1}{57}$

;  $\bar{x} \approx 50$

Médiane : La série étant classée dans l'ordre croissant et l'effectif étant de 57, la médiane sera la 29<sup>e</sup> donnée.  
Ainsi **Me = 50**.

- 3) Calculer le pourcentage de nouveau-nés ayant une taille inférieure ou égale à 49 cm. *Donner la réponse arrondie à 0,1% près.*

**16/57 : fréquence de nouveau-nés ayant une taille inférieure ou égale à 49 cm. En pourcentage (16/57)x100 soit environ 28,1%**

- 4) Parmi toutes ces tailles, déterminer la plus petite taille  $t$  telle qu'au moins les trois quarts des nouveau-nés aient une taille inférieure ou égale à  $t$  cm. Quel paramètre de la série des tailles a été ainsi trouvé ?

$\frac{3}{4} \times 57 = 42,75$ . Ainsi la 43<sup>e</sup> donnée correspond à la question posée  **$t = 51$  cm. Il s'agit du 3<sup>e</sup> quartile.**

#### PARTIE B : A la maternité « Bon accueil »

L'étude statistique de la taille des 64 nouveau-nés durant le même mois de janvier 2012 à la maternité « Bon accueil » a donné les résultats suivants :

- Minimum : 46
- Maximum : 53
- Moyenne : 49,3
- \* Médiane : 49
- \* 1<sup>er</sup> quartile : 47,5
- \* 3<sup>e</sup> quartile : 50.

- 1) Des deux maternités, une seule possède un service pour les naissances prématurées. Les résultats précédents permettent-ils de trouver laquelle ? Justifier votre réponse.

**La maternité « Bon accueil » est celle qui possède un service pour prématurés car au vu des quartiles et médiane, il y a plus de petits nouveau-nés que dans l'autre maternité.**

- 2) Les deux maternités sont les seules de la ville.

Calculer la moyenne des tailles des nouveau-nés en janvier 2012, dans les maternités de la ville. *Arrondir au millimètre.*

**Moyenne des tailles =  $\frac{50 \times 57 + 49,3 \times 64}{57 + 64}$  soit environ 49,6 cm**

### Exercice 2 :

Sur un test d'endurance effectué par 30 élèves d'une classe, la distance moyenne parcourue est de 1 550 m.

La distance moyenne parcourue par les garçons est de 1 650 m, celle parcourue par les filles est 1 400m.

Quelle est le nombre de garçons dans cette classe ?

*Toute trace de recherche même incomplète sera valorisée.*

**La distance parcourue par les 30 élèves de la classe :  $30 \times 1550 = 46\,500$  m.**

**Soit  $x$  le nombre de garçons, il y aura donc  $(30 - x)$  filles dans la classe.**

**Distance parcourue par les garçons :  $(1\,650 \times x)$  mètres; Distance parcourue par les filles :  $1\,400(30 - x)$  mètres**

**Ainsi :  $1\,650x + 1400(30 - x) = 46\,500$ . Résoudre cette équation :**

(E)  $1\,650x + 1400(30 - x) = 46\,500$ .

(E)  $\Leftrightarrow 1650x - 1400x = 46500 - 42000$

(E)  $\Leftrightarrow 250x = 4500$

(E)  $\Leftrightarrow x = 18$ . Il y a donc **18 garçons dans la classe.**

Exercice 3 :

Les parties I ; II et III sont indépendantes.

I – Recopier et compléter par  $\in$  et  $\notin$ .

- 1)  $1,4 \in [0 ; \sqrt{2}]$       2)  $-\pi \notin ]-3 ; -1[$

II – Utiliser les intervalles pour décrire les ensembles de nombres  $x$  tels que :

1)  $x < 1$  et  $x \geq -3$  :  $I = [-3 ; 1 [$

2)  $x \leq 3,5$  ou  $x < -1$  :  $J = ]-\infty ; 3,5]$

III- Simplifier l'écriture ci-dessous :

1)  $I = [-1 ; 3,5] \cap [\sqrt{3} ; 7]$  :  $I = [\sqrt{3} ; 3,5]$

2)  $J = ]-\infty ; -\pi] \cup [-3\pi ; \pi[$  :  $J = ]-\infty ; \pi [$

Exercice 4 :

Soit  $f$  une fonction affine dont la représentation graphique est ci-contre.

- 1) A l'aide du graphique, est-il possible de déterminer le signe de la fonction  $f$  représentée ? Expliquer.

**On ne peut pas lire sur le graphique le signe de  $f$  car l'abscisse du point d'intersection entre sa représentation graphique et l'axe des abscisses n'est pas lisible avec précision.**

- 2) Par lecture graphique, donner l'expression de  $f$ .

**L'expression de la fonction  $f$  est :  $f(x) = 6x - 7$**

- 3) Résoudre  $f(x) = 0$

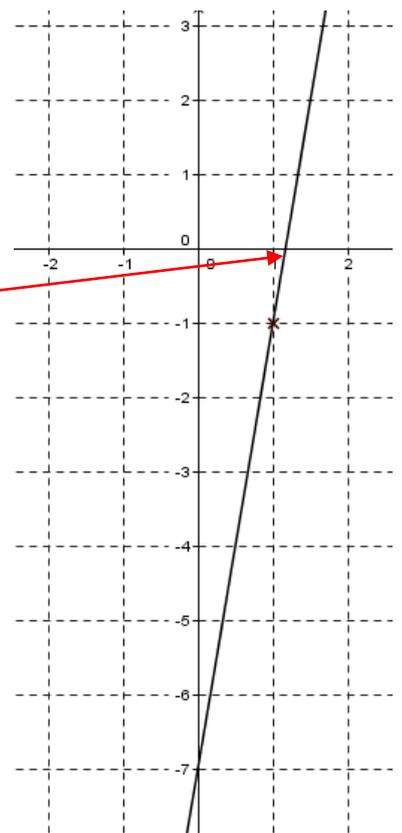
(E)  $\Leftrightarrow 6x - 7 = 0$

(E)  $\Leftrightarrow 6x = 7$

(E)  $\Leftrightarrow x = 7/6$ . **La solution de l'équation  $f(x) = 0$  est  $7/6$**

puis compléter :

$x$	$-\infty$	$7/6$	$+\infty$
Signe de $f(x)$	-	0	+



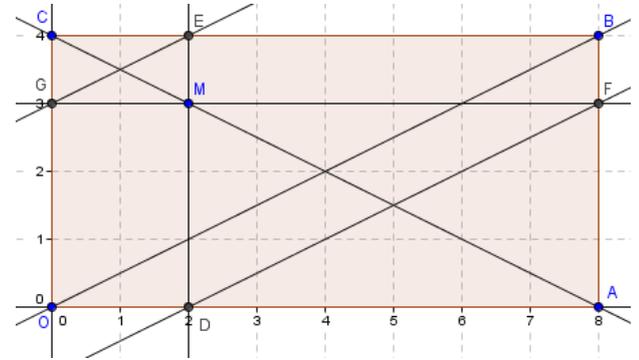
- 4) Sans aucun calcul, que dire du signe de  $f(12)$  ? et de  $f(-1)$  ?

$12 > 7/6$  donc  **$f(12) > 0$**  ;  $-1 < 7/6$  donc  **$f(-1) < 0$**

Exercice 5 :

Dans un repère (O ;I ;J), on donne les points A(8 ;0) , B(8 ;4) et C(0 ;4).

M est un point quelconque intérieur au rectangle OABC. On trace par M les parallèles aux axes. Elles coupent les droites (OA), (AB), (BC), (CO) respectivement en D, F, E, G.



**On veut démontrer sur un exemple que :**

**Si  $M \in [AC]$ , les droites (OB) ; (DF) et (EG) sont parallèles.**

On suppose que M a pour coordonnées (2; 3).

1) Vérifier que M est un point de [AC].

Equation de (AC) : A(8 ;0) et C(0 ;4) d'où  $a = -\frac{4}{8} = -\frac{1}{2}$  et  $b = 4$  ; Ainsi la droite (AC) a pour équation :

$$y = -\frac{1}{2}x + 4$$

$$M(2 ;3) . \quad -\frac{1}{2} \times x_M + 4 = -\frac{1}{2} \times 2 + 4 = -1 + 4 = 3 = y_M$$

Ainsi les coordonnées de M vérifient l'équation de (AC) d'où  $M \in (AC)$ .

De plus :  $x_C = 0$  ;  $x_M = 2$  et  $x_A = 8$  d'où  $x_C < x_M < x_A$  . De plus  $y_A = 0$  ;  $y_M = 3$  et  $y_C = 4$ , d'où  $y_A < y_M < y_C$  .

D'où :  $M \in [AC]$

2) Coordonnées des points D, E , F et G .

**D ( 2 ; 0 ) ; E ( 2 ; 4 ) ; F ( 8,3 ) ; G (0 ; 3)**

3) Démontrer que les droites (OB), (EG) et (DF) sont parallèles.

Le coefficient directeur de (OB) est 0,5

Le coefficient directeur de (EG) est 0,5

$$\text{car } E(2 ;4) \text{ et } G(0 ;3) \quad a = \frac{3-4}{0-2} = \frac{-1}{-2} = 0,5$$

Le coefficient directeur de (DF) est 0,5

$$\text{car } D(2 ;0) \text{ et } F(8 ;3) \quad a' = \frac{3-0}{8-2} = \frac{3}{6} = 0,5$$

Ainsi les droites (OB) ; (EG) et (DF) ayant le même coefficient directeur sont parallèles.