

### application 1

Le plan est rapporté à un repère orthonormal  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

$\mathcal{C}$  est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $[-2; 4]$ .

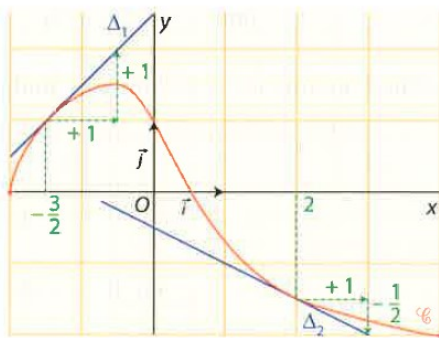
•  $\Delta_1$  et  $\Delta_2$  sont respectivement les tangentes à  $\mathcal{C}$  aux points d'abscisses  $-\frac{3}{2}$  et 2.

• En  $x = -\frac{1}{2}$ ,  $\mathcal{C}$  admet une tangente parallèle à l'axe des abscisses.

1. Déterminer les valeurs de  $f'(-\frac{3}{2})$ ,  $f'(2)$  et  $f'(-\frac{1}{2})$ .

2. La tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 0 passe par le point de coordonnées  $(-\frac{1}{2}; 2)$ . Déterminer  $f'(0)$ .

3. Une équation de la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse  $-2$  est  $y = 3x + 6$ . Déterminer  $f'(-2)$ .



### application 2

Dans le plan rapporté à un repère orthogonal,  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ .

1. La tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 3 passe par les points  $A(1; -2)$  et  $B(-2; 4)$ . Déterminer  $f'(3)$ .

2. La tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse  $-3$  a pour équation  $y = -\frac{1}{2}x - 1$ . Déterminer  $f'(-3)$ .

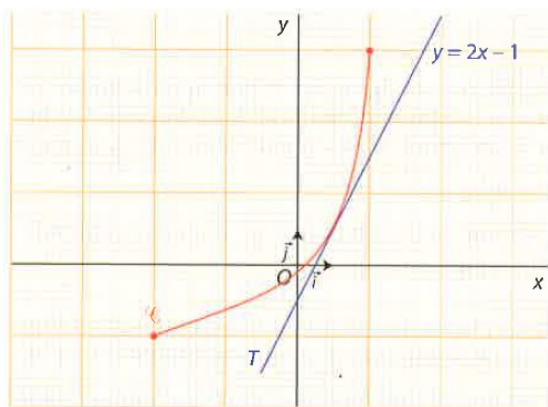
### application 3

Le plan est rapporté à un repère orthonormal (unité graphique : 2 cm).

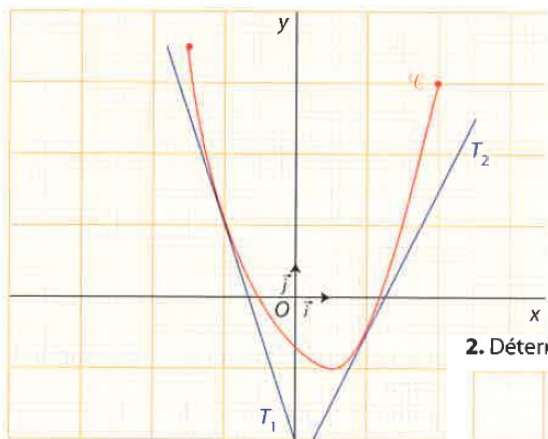
1. Tracer avec précision la courbe représentative  $\mathcal{C}$  de la fonction  $f$  définie sur  $]0; +\infty[$  par  $f(x) = \frac{1}{x}$ .

2. Tracer, sur ce graphique, la droite  $T$ , tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 2, sachant que  $f'(2) = -\frac{1}{4}$ .

1  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $[-4; 2]$ , dans le plan muni d'un repère orthonormal (unité graphique : 0,5 cm). La droite  $T$  est la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 1. Quel est le nombre dérivé de  $f$  en 1 ?



3 • Au point d'abscisse 1,  $\mathcal{C}$  admet une tangente parallèle à l'axe des abscisses. Déterminer  $f'(-2)$ ,  $f'(1)$  et  $f'(2)$ .



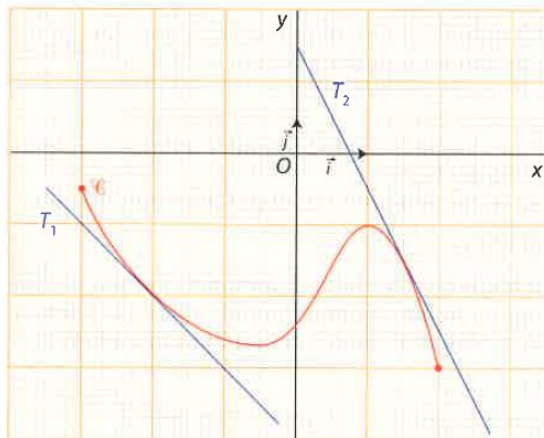
4 Le plan est muni d'un repère orthogonal (unités graphiques : 1 cm sur l'axe des abscisses et 0,5 cm sur l'axe des ordonnées). On donne un tracé de la courbe représentative  $\mathcal{C}$  d'une fonction  $f$  définie sur  $[-3; 2]$ .

• Aux points d'abscisses  $-\frac{1}{2}$  et 1,  $\mathcal{C}$  admet une tangente parallèle à l'axe des abscisses.

•  $T_1$  est la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse  $-2$ .

•  $T_2$  est la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse  $\frac{3}{2}$ .

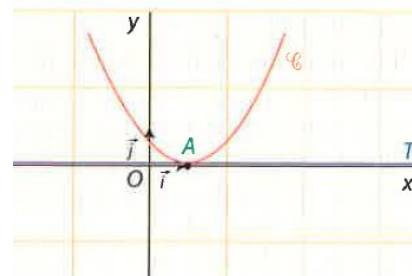
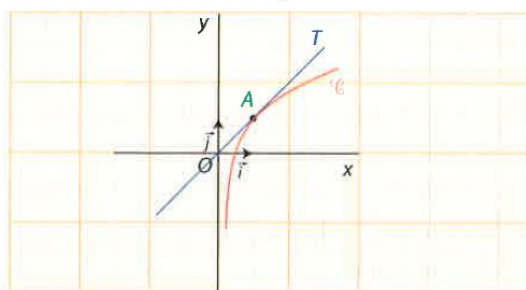
Déterminer  $f'(-2)$ ,  $f'(-\frac{1}{2})$ ,  $f'(1)$  et  $f'(\frac{3}{2})$ .



15 Dans chaque graphique,  $\mathcal{C}$  désigne la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  et  $T$  désigne la tangente à  $\mathcal{C}$  au point A.

1. Déterminer  $f(1)$  et  $f'(1)$ .

2. Déterminer  $f(1)$  et  $f'(1)$ .



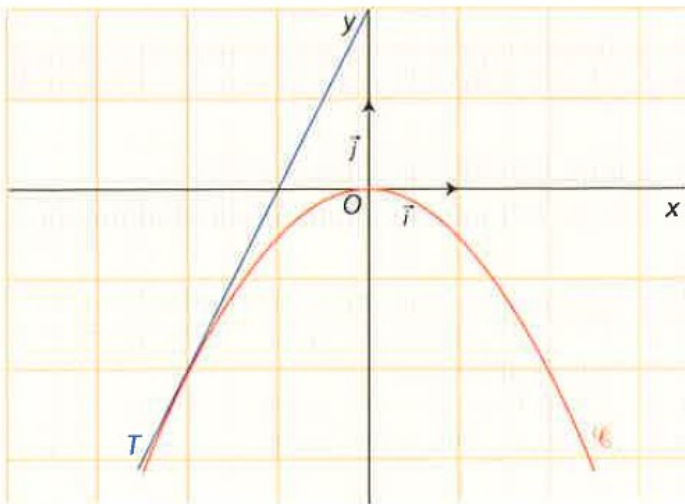
**12** **C** Le plan est rapporté à un repère orthonormal.  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ . La tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 2 est parallèle à la droite  $D$  d'équation  $y = -x + 4$ . Déterminer  $f'(2)$ .

**13** On considère la courbe représentative  $\mathcal{C}$  d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ , dans le plan muni d'un repère. La tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse  $-1$  est parallèle à l'axe des abscisses et la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 0 a pour équation  $y = -\frac{1}{2}x$ . Déterminer  $f'(0)$  et  $f'(-1)$ .

**7** Le plan est rapporté à un repère orthonormal (unité graphique : 1 cm).  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative de la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = -\frac{1}{2}x^2$ .

- La tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 0 a une pente nulle.
- La pente de la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 1 est  $-1$ .
- Une équation de la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse  $-1$  est  $y = x + \frac{1}{2}$ .
- $T$  est la tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse  $-2$ .
- La tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse  $\frac{1}{2}$  passe par le point de coordonnées  $(4; -\frac{15}{8})$ .

Déterminer  $f'(-2)$ ,  $f'(-1)$ ,  $f'(0)$ ,  $f'(\frac{1}{2})$  et  $f'(1)$ .



**8** **C** Dans le plan rapporté à un repère orthonormal,  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ . La tangente à  $\mathcal{C}$  au point  $A(-1; 3)$  passe par le point  $B(2; \frac{1}{2})$ .

1. Déterminer le coefficient directeur de la droite  $(AB)$ .
2. En déduire la valeur de  $f'(-1)$ .

**9** Le plan est rapporté à un repère orthonormal.  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ . La tangente à  $\mathcal{C}$  au point  $I(\frac{1}{2}; 2)$  coupe l'axe des abscisses en  $x = 3$ . Quel est le nombre dérivé de  $f$  en  $\frac{1}{2}$ ?

**10** Le plan est muni d'un repère orthonormal.  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ . La tangente à  $\mathcal{C}$  au point de coordonnées  $(3; -3)$  passe par l'origine du repère. Déterminer  $f'(3)$ .

**11** Dans le plan muni d'un repère orthonormal,  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ . La tangente à  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 4 passe par les points  $A(0; -1)$  et  $B(2; 3)$ . Déterminer  $f'(4)$ .

