

II Factoriser à l'aide d'une identité remarquable

Parfois le facteur commun n'est pas apparent ; on peut alors parfois reconnaître un des membres d'une identité remarquable

On a déjà vu comment développer les identités remarquables :

$$\begin{aligned}(a + b)^2 &= a^2 + b^2 + 2ab \\ (a - b)^2 &= a^2 + b^2 - 2ab \\ (a + b)(a - b) &= a^2 - b^2\end{aligned}$$

Maintenant, on va lire l'égalité dans l'autre sens (ce qui est bien une factorisation puisque l'on passe d'une somme à un produit).

$$\begin{aligned}(a + b)^2 &= a^2 + b^2 + 2ab = (a + b)^2 \\ a^2 + b^2 - 2ab &= (a - b)^2 \\ a^2 - b^2 &= (a + b)(a - b)\end{aligned}$$

Exemples : lorsqu'il n'y a aucun facteur commun, il s'agit si possible d'identifier une identité remarquable

Exemple 1 :

$$81t^2 + 25 + 90t = (9t)^2 + 5^2 + 2 \times 9t \times 5 \\ = (9t + 5)^2$$

On reconnaît le développement de la première identité remarquable

Exemple 2

$$49t^2 + 36 - 84t = (7t)^2 + 6^2 - 2 \times 7t \times 6 \\ = (7t - 6)^2$$

On reconnaît le développement de la deuxième identité remarquable

Exemple 3

$$100y^2 - 16 = (10y)^2 - 4^2 = (10y + 4)(10y - 4)$$

On reconnaît le développement de la dernière identité remarquable